



بیست و یکمین کنفرانس اپتیک و فوتونیک ایران  
و هفتمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران  
۲۳ تا ۲۵ دی ماه ۱۳۹۳، دانشگاه شهید بهشتی



## طراحی و ساخت سنسور فشار فیبر نوری مبتنی بر فابری پرو دیافراگمی

اعظم لایقی، محسن جمشیدی سرشت، حسام الدین خاشعی، حمید لطیفی

تهران، اوین، دانشگاه شهید بهشتی، پژوهشکده لیزر و پلاسما

چکیده - در این مقاله سنسور فشار فیبر نوری بر اساس تداخل سنج فابری پرو ارائه شده است. طراحی و ساخت سنسور بر پایه تکنیک ساختار میکرو الکترو مکانیکی (MEMS) است. آنالیز دیافراگم پلیمری به صورت تحلیلی انجام شده است. سنسور فشار پاسخ تقریباً خطی به فشار اعمالی در محدوده ۰ تا ۱۵ Kpa در دمای آزمایشگاه نشان می دهد. برای سنسورهایی با ضخامت دیافراگم ۱/۱ mm و ۳/۱ mm به ترتیب حساسیت های ۶۴۴ nm/Kpa و ۴۱۷ nm/Kpa - بدست آمده است که کمترین حد آشکارسازی به ترتیب  $4 \times 10^{-2}$  Pa و  $6 \times 10^{-2}$  Pa می باشد. همچنین مدول یانگ و فرکانس تشدید این دیافراگم بر اساس نتایج تجربی محاسبه شده است. ساخت آسان، اندازه کوچک، و پاسخ خطی این سنسور آن را برای بسیاری از کاربردهای صنعتی مناسب می سازد.

کلید واژه - دیافراگم، حسگر فشار، فیبر نوری، فابری پرو.

## Design and fabrication a fiber-optic pressure sensor based on diaphragm Fabry-Perot

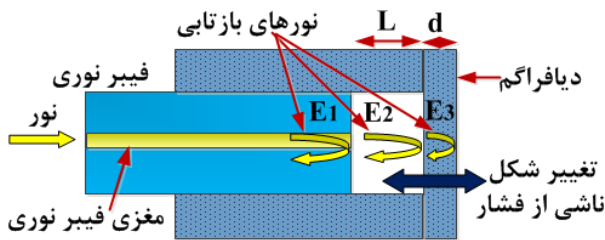
Azam Layeghi, Mohsen Jamshidi seresht, hesamodin khashee, Hamid Latifi

Laser & Plasma Research Institute, Shahid Beheshti University, Evin, Tehran, Iran

Abstract- This paper presents the fiber pressure sensor based on Fabry-Perote interferometry. The design and fabrication of the sensor are based on MEMS technique. The polymer diaphragm analysis was done theoretically. The pressure sensor response is approximately linear in the range from ۰ to ۱۵ Kpa at room temperature. For sensor with 1,1mm and 3,1 mm diaphragm thickness, the sensitivities are ۶۴۴ nm/Kpa and ۴۱۷ nm/Kpa with limit of detection of  $4 \times 10^{-2}$  Pa and  $6 \times 10^{-2}$  Pa, respectively. Also, the young's modulus and resonance frequency of diaphragm was calculated according to experimental results. The simple fabrication, small size, and linear response make the sensor suitable for many industrial applications.

Keywords: Diaphragm, Fabry-Perot, Fiber optic, Pressure sensor.

## ۱- مقدمه



شکل ۱: تداخل سنج فابری پرو دیافراگمی.

$L$  طول کاواک و  $d$  ضخامت دیافراگم،  $n$  ضریب شکست ناحیه دیافراگم و  $\lambda$  طول موج است.  $E_r$  می تواند  $E_r$  را تقویت و یا حذف نماید. این امر بستگی به ضخامت دیافراگم دارد. بنابراین کل طیف با پوش کندی تغییر می کند. اگر ضخامت دیافراگم در شرط زیر صدق نماید:

$$2nd = N\lambda + \frac{\lambda}{2}, N = 0, 1, 2, \dots \quad (2)$$

$E_r$  و  $E_r$  طبق رابطه (۳) دارای اختلاف فاز می باشند.

$$\frac{4\pi nd}{\lambda} + \pi = (2N + 2)\pi, N = 0, 1, 2, \dots \quad (3)$$

و بنابراین به صورت سازنده تداخل می کنند. با استفاده از معادلات (۲) و (۳) می توان ضخامت های بهینه دیافراگم را بدست آورد. برای مثال اگر  $\lambda = 1/55 \mu m$  و  $n = 1/4$  باشد آنگاه ضخامت بهینه  $d_{opt}$  به ازای  $N=5$  برابر با  $3/044 mm$  بدست می آید.

هنگامیکه فشار محیط تغییر نماید، دیافراگم و طول کاواک  $L$  طبق معادله (۴) تغییر می نماید [۳]

$$\Delta L = \frac{3(1-\nu^2)R^4}{16Ed^3} \Delta P \quad (4)$$

$$\Delta \triangleq S_p \Delta P$$

$\nu$  و  $E$  به ترتیب نسبت پواسون و مدول یانگ دیافراگم هستند. شعاع دیافراگم،  $d$  ضخامت دیافراگم،  $\Delta p$  تغییر فشار محیط و  $S_p$  حساسیت سنسور فشار است. برای دیافراگمی با مواد و ابعاد معین،  $S_p$  ثابت است و منجر می شود تا  $\Delta p$  به طور خطی به  $\Delta L$  وابسته باشد.

این پاسخ سنسور به تغییرات استاتیک یا کند تغییر است. همچنین در کاربردهای دینامیکی یا تغییرات با فرکانس بالا نیز می توان از این سنسور بهره گرفت. فرکانس طبیعی مد اصلی برای سنسور دیافراگمی با فرمول زیر تعیین می شود [۳]:

$$f_n = \frac{10.21h}{2\pi R^2} \left[ \frac{E}{12\rho(1-\nu^2)} \right]^{1/2} \quad (5)$$

سنسورهای فشار در صنایع اتومبیل سازی، هوا- فضا، بهداشت و درمان کاربردهای فراوانی دارند. به طورمثال در موتورجت اندازه گیری فشار داخل کمپرسور، به آشکارسازی و کنترل خروج و چرخش گاز و بهبود عملکرد و بازدهی آن کمک می کند. تلاش های زیادی برای ساخت این سنسورهای کوچک هم به شکل الکتریکی و هم به شکل مدارهای مجتمع نوری صورت پذیرفته است. درمقایسه با سنسورهای الکتریکی که معمولاً بر اساس آشکارسازی مقاومت پیزوالکتریک و خازنی می باشند، سنسورهای فیبر نوری دارای مزایای تفکیک پذیری بالا، حساسیت بالا و ایمن در برابر تداخل های الکترومغناطیس می باشند. در میان سنسورهای فشار فیبر نوری از تداخل سنج فابری پرو بسیار استفاده شده است.

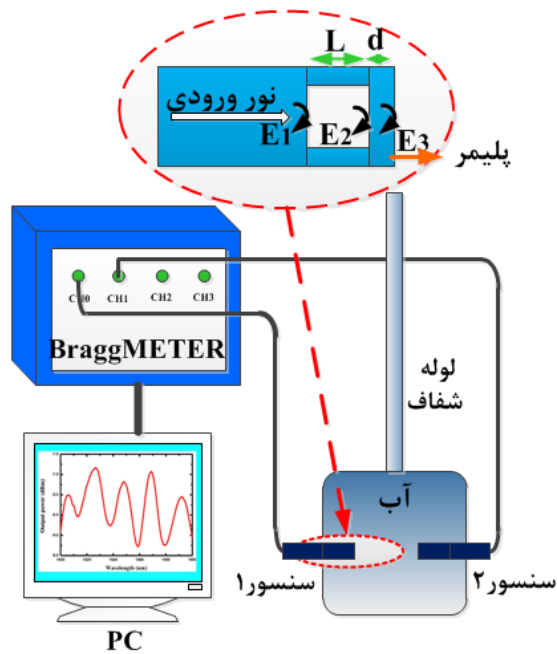
سنسورهای فیبر نوری مبتنی برتداخل سنج فابری پرو با دیافراگم های سیلیکونی و پلیمری گزارش شده اند [۱-۲]. در این مقاله، از دیافراگم پلیمری برای ساخت سنسور اندازه گیرنده فشار در حالت دینامیکی بهره گرفته شده است. طراحی به روش تحلیلی برای بهینه کردن سنسور برای فرکانس دینامیکی و حساسیت انجام شده است. با وابسته بودن مدول یانگ پلیمر به طریقه ساخت و ابعاد آن، مدول یانگ و فرکانس تشدید دیافراگم محاسبه شده است. از مزیت های این سنسور به ساخت آسان و حساسیت بالای آن در مقابل دیافراگم های سیلیکونی می توان اشاره کرد.

## ۲- تئوری عملکرد حسگر

در سنسور تداخلی فابری پرو خارجی نور از طریق فیبر نوری تک مد فرستاده می شود و سه بازتاب تولید می شود. همانطور که در شکل ۱ نشان داده شده است یک بازتاب از انتهای فیبر ( $E_1$ )، و سطوح داخلی ( $E_2$ ) و خارجی دیافراگم ( $E_3$ ) به وجود می آید. شدت بازتابی کل به صورت زیر نوشته می شود که  $A_1$ ،  $A_2$  و  $A_3$  دامنه های میدان  $E_1$ ،  $E_2$  و  $E_3$  هستند.

$$I(\lambda) = |E_1 + E_2 + E_3|^2 \quad (1)$$

$$= \left| A_1 + A_2 \exp\left(-\frac{j4\pi L}{\lambda} + j\pi\right) + A_3 \exp\left(-\frac{j4\pi(L+nd)}{\lambda}\right) \right|^2$$



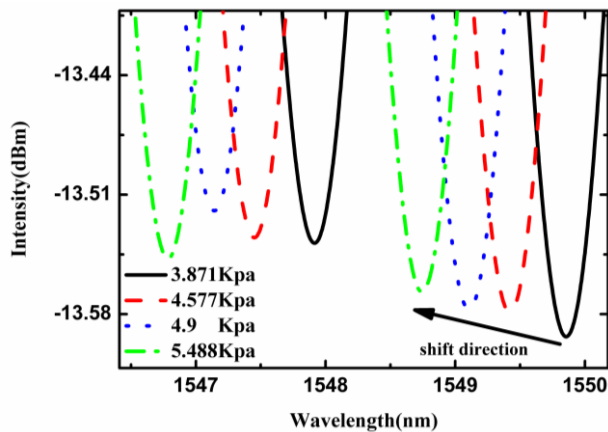
شکل ۳: شماتیک چیدمان آزمایش فشار و عملکرد حسگر.

می تواند توسط رابطه زیر محاسبه شود

$$\frac{4\pi L_{calc}}{\lambda_v} + \pi = 2N\pi \Rightarrow L_{calc} = \frac{(2N-1)}{4} \lambda_v \quad (6)$$

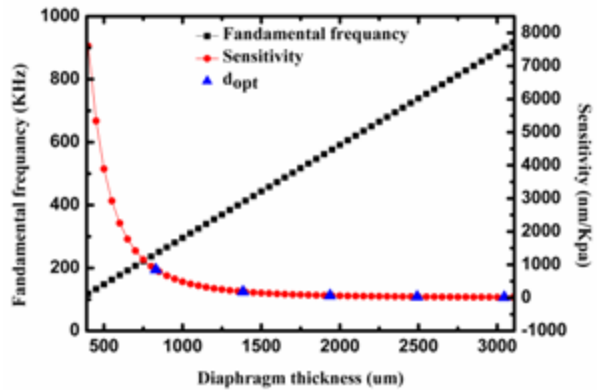
N مرتبه تداخل است. با تعیین اولیه N از طیف  $L_{calc}$  متناسب با  $\lambda_v$  بدست می آید.

شکل ۵ نتایج تجربی حاصل از تغییرات طول کاواک را برای دو ضخامت دیافراگم نشان می دهد. حساسیت سنسور ۱ با



دیافراگم ۱/۱ mm برابر ۶۴۴ nm/Kpa بدست آورده شده است. حساسیت سنسور ۲ با ضخامت دیافراگم ۳/۱ mm برابر ۴۱۷ nm/Kpa بدست آمده است.

شکل ۴: طیف بازتابی حسگر برای چندین فشار مربوط به سنسور ۲.



شکل ۲: حساسیت، فرکانس تشدید و ضخامت بهینه دیافراگم بر حسب ضخامت دیافراگم.

شکل ۲ حساسیت و فرکانس تشدید را برای ضخامت های متفاوت دیافراگم طبق معادلات (۴) و (۵) نشان می دهد. در این مدل سازی نتایج برای پلیمری با مدول یانگ و ضریب پواسون به ترتیب ۷۵۰ Kpa و ۰/۴۵ در نظر گرفته شده است. شکل ۲ تغییر  $S_p$  بر حسب d را برای R برابر ۱/۲۵ mm نشان می دهد. هنگامیکه d کاهش می یابد،  $S_p$  به سرعت به چند nm/Kpa افزایش می یابد.

### ۳- نتایج تجربی

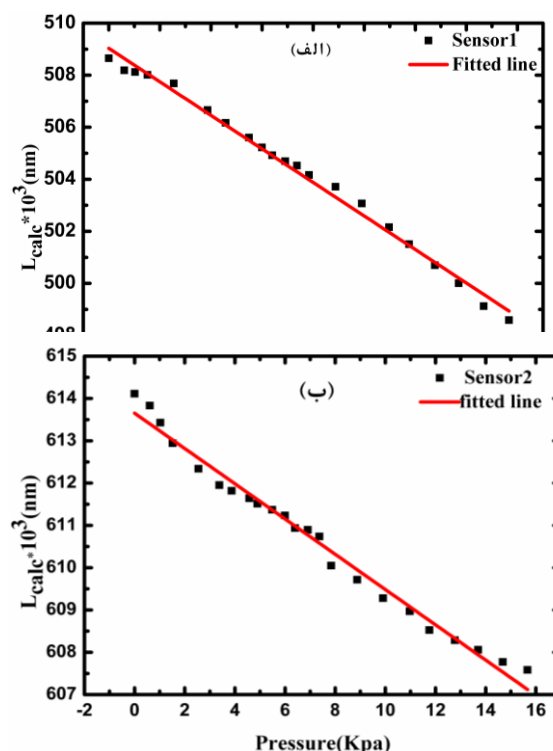
برای ارزیابی سنسور فشار مبتنی بر دیافراگم، از چیدمان نشان داده شده در شکل ۳ استفاده شده است. در این ساختار سنسورها در زیر ستونی از آب، در یک انتهای یک لوله پلاستیکی قرار داده شده اند. سنسورها به یک تحلیلگر طیف نوری متصل شده اند. با تغییر دادن ارتفاع آب در ستون لوله فشار طبق رابطه  $pg_h$  تغییر می نماید و این تغییر فشار با رزولوشن ۲/۵ pm ثبت شده است.

شکل ۴ طیف بزرگنمایی شده سنسور را تحت فشارهای گوناگون در مقیاس لگاریتمی نشان می دهد. با افزایش فشار طول کاواک L کاهش می یابد، بنابراین طیف دارای جابه جایی به سمت طول موج های کوچکتر دارد. به طور معکوس با محاسبه L می توان فشار را وادوله کرد. اگر مکان یک دره با طول موج  $\lambda_v$  تعیین شود، طول کاواک

سنسورهایی که ضخامت های دیافراگم آنها  $1/1$  mm و  $3/1$  mm است به ترتیب به حساسیت های  $644$  nm/Kpa و  $417$  nm/Kpa و با کمترین حدهای آشکارسازی  $Pa$   $10^{-3}$  و  $4 \times 10^{-3}$  Pa دست یافتیم. از آنجا که مدول یانگ پلیمر به طریقه ساخت و ابعاد آن بستگی دارد، با در دست داشتن حساسیت سنسور به طریقه تجربی، مدول یانگ و فرکانس تشدید سنسور ۲ به ترتیب  $29/39$  Kpa و  $29$  KHz و  $178$  محاسبه شد.

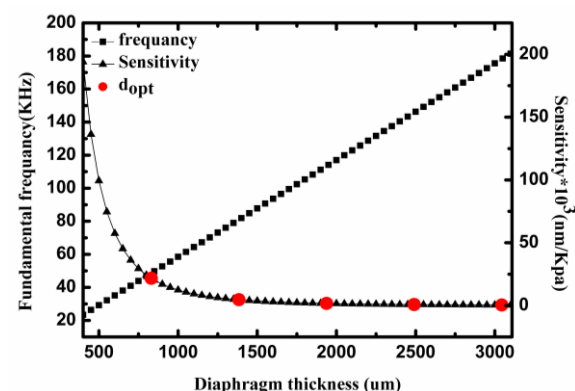
## مراجع

- [۱] E. Cibula and D. Donlagic, "Miniature fiber-optic pressure sensor with a polymer diaphragm," *Appl. Opt.*, vol. ۴۴, no. ۱۴, pp. ۲۷۳۶-۴۴, ۲۰۰۵.
- [۲] W. Wang, N. Wu, Y. Tian, C. Niezrecki, and X. Wang, "Miniature all-silica optical fiber pressure sensor with an ultrathin uniform diaphragm," *Opt. Express*, vol. ۱۸, no. ۹, pp. ۳۲۲-۳۳۰, ۲۰۱۰.
- [۳] M. Di Giiovanni, *Flat and corrugated diaphragm design handbook*. New York: M. Dekker, ۱۹۸۲.
- [۴] - M. S. Cheri, H. Latif, J. Sadeghi, M. Salehi, H. Shahraki, and H. Hajghassem, "Real-time measurement of flow rate in microfluidic devices using a cantilever-based opto fluidic sensor," *R. Soc. Chem.*, vol. 3, pp. 431-438, 2014.



شکل ۵: تغییرات طول کاواک برای دو دیافراگم (الف) ضخامت  $1/1$  mm (ب) ضخامت  $3/1$  mm.

مدوله یانگ در پلیمر علاوه بر طریقه ساخت به ابعاد آن نیز بستگی دارد [۴]. همانگونه که در شکل ۶ مشاهده می شود، با در دست داشتن حساسیت سنسور می توان مدوله یانگ و سپس فرکانس تشدید حسگر را طبق معادلات (۴) و (۵) بدست آورد. برای سنسور ۲ مدول یانگ و فرکانس به ترتیب  $29/39$  Kpa و  $29$  KHz و  $178$  محاسبه شده است.



بر اساس حساسیت بدست آمده از سنسور ۲.

## ۴- نتیجه گیری

دراین مقاله به طراحی و ساخت سنسور فیبر نوری بر اساس تداخل سنج فابری پرو دیافراگمی پرداخته شده است. با ساخت