بیستمین کنفرانس اپتیک و فوتونیک ایران
و ششمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران
۸ تا ۱۰ بهمن ماه۱۳۹۲ - دانشگاه صنعتی شیراز

شبیه سازی اثر توزیع چگالی الکترونی بربازتاب موج تراهرتز از یک لایه پلاسمای داغ غیرمغناطیده با روش FDTD

مرتضی عاشور و علیرضا نیکنام
پژوهشکده لیزر و پلاسما، دانشگاه شهید بهشتی، تهران-ایران

چکیده –در این مقاله انتشار پالس تراهرتز در یک لایه پلاسمای داغ غیر مغناطیده مورد مطالعه قرار گرفته است. پلاسما در برهمکنش با امواج الکترومغناطیس مانند یک محیط دی الکتریک عمل می‌کند.با استفاده از ثابت دی الکتریک که بر اساس رابطه پاشندگی پلاسما داغ می‌باشد و با روش تفاضل محدود حوزه‌ی زمان(*FDTD*)، عبور، بازتاب و جذب موج تراهرتز در پلاسما به صورت یک بعدی شبیه سازی شده است. با درنظر گرفتن غلاف و پارامترهای متغییر درفضای پلاسمای محدود شده بازتاب موج تراهرتز تحقیق شده است. نتایج نشان می‌دهد که پروفایل‌های مختلف چگالی الکترونی پلاسما بر شکل و دامنه موج بازتاب شده اثر می‌گذارد.
کلید واژه- روش تفاضل محدود حوزه‌ی زمان(FDTD) ، پلاسمای داغ غیرمغناطیده، امواج تراهرتز

Simulation of Electron Density Distribution Effect on the Reflection of the Terahertz Wave from Hot Unmagnetized Plasma Slab by FDTD Method

Ashoor Morteza, Niknam Ali Reza
Laser and Plasma Research Institute, Shahid Beheshti University,Tehran-Iran

Abstract- In this paper the propagation of terahertz pulse in a hot unmagnetized plasma slab is studied. In interaction of the electromagnetic waves, the plasma acts as a dielectric medium. Transmission, reflection and absorption of terahertz wave in a plasma slab is simulated with one-dimensional Finite Difference Time Domain method and using the plasma dielectric constant established based on a hot plasma dispersion relation. The problem is investigated by considering the sheath and space-varying parameters of bounded plasma. The results show that the different electron density profiles affect on shape and amplitude of the reflected wave.

Keywords: FDTD method, bounded hot unmagnetized plasma, terahertz waves.

[Downloaded from www.opsi.ir on 2026-11-05]

۱-مقدمه

پلاسما در برهمکنش با امواج الکترومغناطیس ویژگی های منحصر به فردی دارد. در پلاسماهای چگال که امروزه در صنعت وتکنولوژی کاربرد فراوانی دارد مانند توکامک، فرکانس قطع و رزونانس در ناحیه طول موج میلیمتری است که در ناحیه تراهرتز می‌باشد و برای تشخیص این گونه پلاسماها باید از موج تراهرتز استفاده کرد. ناحیه فرکانسی تراهرتز بین میکروویو ومادون قرمز واقع شده‌اند.

روش‌های حوزه زمان به صورت گسترده در مسائل اپتیکی از جمله شبیه سازی انتشار امواج الکترومغناطیس در مواد پاشنده به کار رفته است. از میان این روش‌ها روش تفاضل محدود حوزه زمان[1](FDTD) در مقایسه با بقیه روش‌های عددی ساده تر و کارامدتر می‌باشد[۱]. در این مقاله انتشار موج تراهرتز در یک مدل پلاسمای داغ با استفاده از یک روش نوین به نام SO-FDTD شبیه سازی شده است[۲]. در سال ۲۰۰۷ هانگوی[2] و همکارانش اثر پروفایل چگالی بر رفتار موج در لایه پلاسما سرد را با همین روش بررسی کرده‌اند.[۵] همچنین یک گروه چینی از روش SO-FDTD برای بدست آوردن ضرایب جذب و بازتاب استفاده کرده-اند.[۲]

۲-مدل فیزیکی

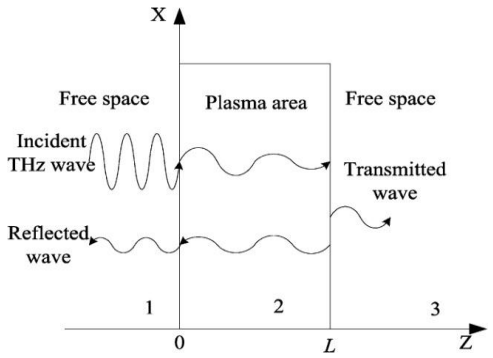
برای موج فرودی فرکانس پایین، پلاسما اغلب سرد فرض شده و ثابت دی الکتریک پلاسما در حالت غیرمغناطیده با مدل درود[3] و برای حالت مغناطیده با مدل اپلتن[4] بیان می-شود[۲]. برای بررسی برهمکنش موج‌تراهرتز،پلاسمایی که در نظر می گیریم باید چگالی بالا داشته باشد. بیشتر پلاسماهای چگال پلاسمای گرم هستند وسرعت حرارتی الکترونها در مقایسه با سرعت فاز به اندازه کافی بزرگ است که نتوانیم از آن صرفنظر کنیم پس لازم است که انتشار موج تراهرتز در پلاسمای چگال را با تانسورثابت دی الکتریک پلاسمای گرم بررسی کنیم[۴].

$$\varepsilon_r = \frac{1-\frac{\omega_p^2}{\omega(\omega-i\nu)}}{1+\frac{\omega_p^2\omega}{(\omega-i\nu)^3}\frac{k_BT}{mc^2}} \qquad (1)$$

در حالت واقعی پلاسما ممکن است بین دیواره‌ها محدود شده باشد و پارامترهای متغییر با فضا یا ناهمگن داشته باشد. بنابراین ما یک مدل پلاسمای محدود شده داخل دو دیواره به صورت دو بعدی در نظرمی‌گیریم. فرض می کنیم یک موج قطبیده خطی با فرکانس دایره ای ω به صورت عمود بر فصل مشترک پلاسما و فضای آزاد برخورد می کند. در پلاسمای محدود شده، غلاف[5] رخ می‌دهد. برای به وجود آوردن غلاف و گرادیان چگالی الکترونی می توان از پروفایل توزیع الکترونی اپستین[6] بهره برد:

$$N(Z)=\begin{cases} N_0\Big/\Big[1+EXP\big(\frac{-Z+L/4}{\sigma}\big)\Big], 0<Z<\frac{L}{2} \\ N_0\Big/\Big[1+EXP\big(\frac{Z-3L/4}{\sigma}\big)\Big], \frac{L}{2}<Z<L \end{cases} \qquad (2)$$

در رابطه بالا L ضخامت لایه پلاسما N_0 چگالی الکترونی در مرکز لایه و σ فاکتور مقیاس گرادیان است. در این تحقیق $\sigma = 0.1,0.5\ cm$ گرفته شده است. در شکل ۱ تصویری شماتیک از برهمکنش موج تراهرتز با لایه پلاسما نشان داده شده است.



شکل ۱::نمای شماتیک از انتشار موج تراهرتز در لایه پلاسمای محدود شده

۳-روش FDTD

از سه رابطه ماکسول زیر شروع می‌کنیم[۳]:

$$\mu_0\frac{\partial H_y(z)}{\partial t}+\frac{\partial E_x}{\partial z}=0 \qquad (3)$$

$$\frac{\partial H_y(z)}{\partial z}=\frac{\partial D_x(z)}{\partial t} \qquad (4)$$

$$D_x(\omega)=\varepsilon_0\varepsilon_r(\omega)E_x(\omega) \qquad (5)$$

[1] Finite-difference time-domain
[2] Hongwei
[3] Drude type
[4] Appleton type
[5] Sheath
[6] Epstien

[Downloaded from www.opsi.ir on 2026-11-05]

رابطه(۳) و(۴)نشان میدهد که پلاسما مانند یک محیط دی الکتریک با ثابت دی الکتریک ε_r رفتار می‌کند، پارامترهای پلاسما با دو رابطه (۱) و (۲) در شبیه سازی وارد می‌شود. برای این کار ابتدا ثابت دی الکتریک را به صورت نسبت دو چند جمله ای به صورت زیر می‌نویسیم [۲]:

$$\varepsilon(\omega) = \frac{\sum_{n=0}^{N} p_n\,(j\omega)^n}{\sum_{n=0}^{N} q_n\,(j\omega)^n} \qquad (6)$$

که در آن n=0,1,2,3,4 و $j=\sqrt{-1}$ واحد موهومی، ω زاویه‌ای فرکانس موج فرودی است، با تبدیل فوریه، تکنیک تبدیل Z و تقریب تفاضل ذوزنقه‌ای می‌شود:

$$\varepsilon(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + \cdots + b_4 z^{-4}}{a_0 + a_1 z^{-1} + \cdots + a_4 z^{-4}} \qquad (7)$$

از طرف دیگر با با بردن رابطه (۵) به حوزه‌ی زمان و تبدیل Z برای ε_r به رابطه زیر می‌رسیم:[۳]

$$\varepsilon(z) = \frac{D(Z)}{\varepsilon_0 E(Z)} \qquad (8)$$

از (۷) و(۸) داریم:

$$(a_0 + a_1 z^{-1} + \cdots + a_4 z^{-4}) D(z) = \varepsilon_0 (b_0 + b_1 z^{-1} + \cdots + b_4 z^{-4})\, E(z) \qquad (9)$$

در آخر با ضرب رابطه (۹) در z و تعریف تبدیل Z به رابطه ساختمندی پاشندگی در فضای گسسته زمان n می‌رسیم :

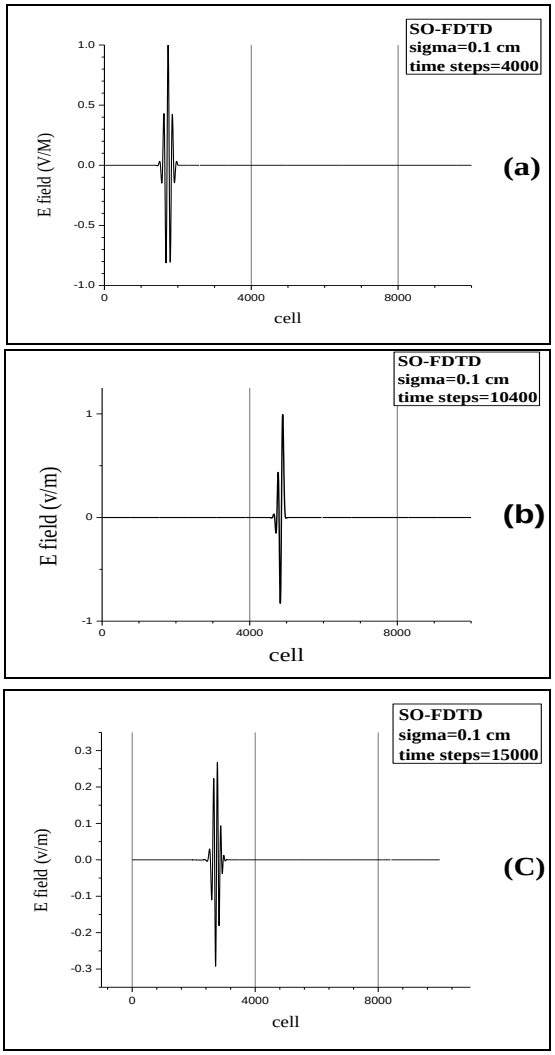
$$a_0 D^{n+1} + a_1 D^n + a_2 D^{n-1} + a_3 D^{n-2} + a_4 D^{n-3} = \varepsilon_0 (b_0 E^{n+1} + b_1 E^n + b_2 E^{n-1} + b_3 D^{n-2} + b_4 D^{n-3}) \qquad (10)$$

با کمک رابطه بالا واستفاده از روش تکرار مؤلفه‌های E ، B و D بدست می‌آید. با یک سری روابط ریاضی می‌توان ضرایب p ، q ،a وb را بدست آورد[۲]. فضای شبیه سازی را یک بعدی در نظر می‌گیریم و با استفاده از الگوریتم "یی" به سلول‌های کوچک Δx تقسیم می‌کنیم همچنین پله زمانی را با در نظر گرفتن شرایط پایداری به صورت $\Delta t \le \frac{\Delta x}{2c}$ تعریف می‌کنیم. سلول فضایی را با توجه به طول موج تراهرتز،۲۵ میکرومتر انتخاب می‌کنیم. طول فضای شبیه سازی را ۱۰۰۰۰ سلول(۲۵سانتی‌متر) که ۴۰۰۰ سلول میانی پلاسما (۱۰سانتی‌متر) و دو طرف فضای آزاد است.از یک پالس فرودی که یک موج سینوسی با پوش گاؤوسی است به عنوان چشمه استفاده می‌کنیم .

$$pulse = \sin(2\pi f t)\ \exp\left(-0.5\,(\frac{t-t_0}{\tau})^2\right) \qquad (11)$$

f فرکانس موج فرودی، t_0 زمان تاخیر و τنشان دهنده پهنای پالس است. در این شبیه سازی پارامترهای پلاسمای بکار رفته به قرار زیر است. چگالی الکترونی در مرکز لایه $N_0 = 10^{21}\ \mathrm{m^{-3}}$، فرکانس برخورد $\nu_c = 1.6 \times 10^{11}\ \mathrm{s^{-1}}$ ودمای الکترونی $T_e = 10\ \mathrm{Kev}$ و ضخامت لایه برابر با L=10cm در نظر می‌گیریم. موج تراهرتز را با سه فرکانس مختلف ۰/۱ و ۰/۲۷و ۱تراهرتز به لایه پلاسما زده، چگونگی بازتاب، عبور و جذب آن‌ها را مشاهده کرده و در مورد آن بحث می شود.

الف)موج با فرکانس 0.1 THz

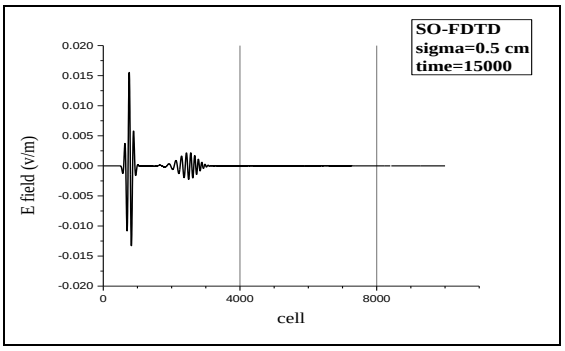


شکل ۲:انتشار موج با فرکانس 0.1 THz و پلاسما با$\sigma = 0.1cm$. (a) گام زمانی۴۰۰۰. (b) گام زمانی ۱۰۴۰۰. (c)گام زمانی ۱۵۰۰۰.

در این حالت با توجه به خصوصیات پلاسما، فرکانس موج کمتر از فرکانس پلاسما است و انتظار داریم که موج در پلاسما منتشر نشده و بازتاب شود. در شکل(a)، موج با دامنه ۱ به سمت پلاسما در حرکت است. شکل (b) نشان می‌دهد که موج تا جایی پیش می‌رود که به سطح چگالی

[Downloaded from www.opsi.ir on 2026-11-05]

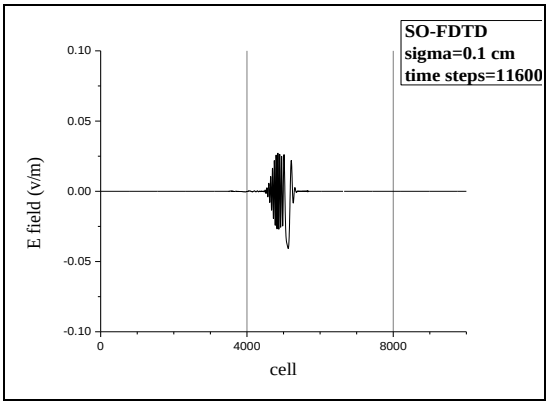
بحرانی[۷] برسد و آنجا بازتاب می‌شود .در شکل (c) موج بازتاب شده با دامنه ۰/۳ نشان داده شده است با مقایسه با شکل (۳) به خوبی مشاهده می‌شود که با تغییرپروفایل چگالی پلاسما شکل و اندازه دامنه موج بازتاب شده تغییر کرده است.



شکل ۳: انتشار موج با فرکانس0.1 THz در پلاسما با $\sigma = 0.5cm$ و زمان ۱۵۰۰۰

ب)موج با فرکانس ۰/۲۷ تراهرتز

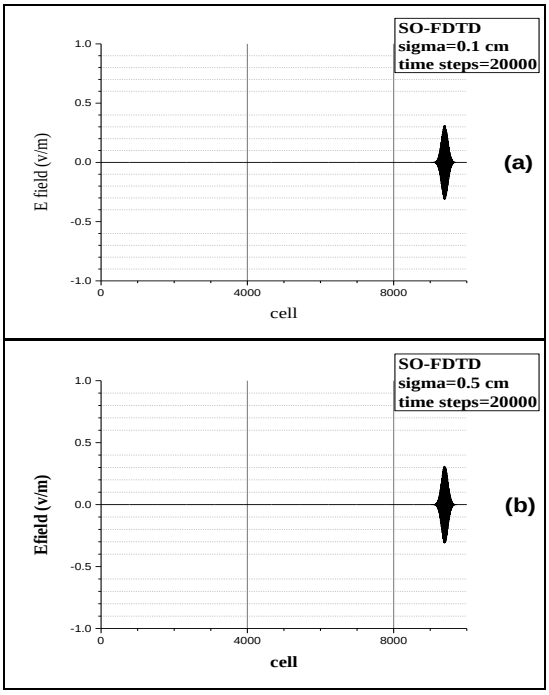
در این حالت فرکانس موج فرودی و فرکانس پلاسما تقریبا برابرند و همان‌طور که در شکل (۴) دیده می‌شود به خاطر رزونانس بیشتر موج جذب شده است.



شکل ۴:انتشار موج با فرکانس 0.27 THz درپلاسما با$\sigma = 0.1cm$ و گام زمانی ۱۱۶۰۰

ج)موج با فرکاس۱ تراهرتز

در این حالت که فرکانس موج خیلی بزرگتر از فرکانس پلاسماست و همان طور که در شکل(۶) مشاهده می‌شود، بخشی از موج جذب شده و بخش دیگر آن عبور می‌کند. با مقایسه شکل(a) و(b) نتیجه می‌شود که پروفایل‌های مختلف چگالی الکترونی تاثیر چندانی بر موج عبوری ندارند.



شکل ۵:انتشار موج با فرکانس 1THz در پلاسما، گام زمانی ۲۰۰۰۰ $\sigma = 0.5cm$ (b) . $\sigma = 0.1cm$ (a)

۴-نتیجه

در این مقاله دیده شد که ثابت دی‌الکتریک پلاسما گرم غیرمغناطیده یک کمیت مختلط است. قسمت حقیقی آن بازتاب و انتشار موج تراهرتز را تعیین می‌کند. وقتی $\varepsilon_{real} < 0$ باشد پلاسما مانند فلز عمل می‌کند و موج بازتاب می‌شود و هنگامی که $\varepsilon_{real} > 0$ باشد موج در پلاسما منتشر می‌شود تا به سطح چگالی بحرانی برسد. همچنین با تغییر پروفایل چگالی الکترونی اندازه و شکل موج بازتاب شده تغییر می کند اما اثری روی موج عبوری ندارد و آنچه بر جذب موج اثر می‌گذارد، قسمت موهومی ثابت دی الکتریک یعنی ε_{Im} می‌باشد.

۵-منابع

1.**Toflove and Hagness**, *computational Electrodynamics :The Finite-Difference Time Domain Method.* Norwood, MA:Artech House.(2005)

2. **Chengxun Yuang, Zhungxiang Zhou**, IEEE Transactions on Plasma science, vol.32, no.7, July 2011

3.**D.M.Sullivan**_*Electromagnetic Simulation Using the FDTD Method.* IEEE Press.2000

4.**Wharton and Heald**,.Diagnostics With Microwaves, Willy series in plasma physics, NewYork : 1967.

5. **Y. Hongwei and T.Wanchun,** Int J Inferared Milli Waves (2007) 28:547-556

[7] Critical density

[Downloaded from www.opsi.ir on 2026-11-05]