



بیستمین کنفرانس اپتیک و فوتونیک ایران
و ششمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران
۸ تا ۱۰ بهمن ماه ۱۳۹۲ - دانشگاه صنعتی شیراز



شبیه سازی بلوک های ساختاری فرامواد چپگرد

زهرا زارعی و تهمینه جلالی

گروه فیزیک دانشگاه خلیج فارس، بوشهر ۷۵۱۶۹

چکیده - فرامواد به دلیل پتانسیل گسترده خود در کاربردهای مختلف، یکی از مهم ترین موضوعات اخیر در زمینه های مختلفی از علم و تکنولوژی هستند. این ها موادی مصنوعی هستند که گذردهی الکتریکی و/یا تراوایی مغناطیسی منفی را نشان می دهند. بلوک های ساختاری فرامواد، ساختارهای دوره ای مصنوعی ساخته شده با ثابت شبکه کوچکتر از طول موج تابشی هستند. بنابراین خصوصیات فرامواد با طراحی بلوک های ساختمان آن ها کنترل می شود. معمول ترین بلوک های ساختمانی فرامواد، تشدیدگرهای حلقه مجزا هستند. در این مقاله، ساختار تشدیدگر حلقه مجزا، که شامل حلقه ای از جنس طلا با یک شکاف در ساختار آن و بر روی زیرلایه ای از شیشه سیلیکا می باشد، با استفاده از روش المان متناهی و برای رسیدن به تراوایی مغناطیسی منفی که به طور معمول در طبیعت یافت نمی شود، شبیه سازی می شود.

کلید واژه - تشدیدگر حلقه مجزا، چپگرد، روش المان متناهی، فراماده.

Simulation of Left Handed Materials Building Blocks

Zahra Zarei, Tahmineh Jalali

Persian Gulf University, Bushehr 75169

Abstract- Metamaterials are artificially fabricated materials which exhibit negative permittivity and/or negative permeability. The building blocks of metamaterials are fabricated periodic structures of having lattice constants smaller than the wavelength of the incident radiation. Thus metamaterial properties can be controlled by the design of their building blocks. Most common building blocks of metamaterials are Split Ring Resonators (SRR). In this paper, we simulate a SRR structure that made of a ring of gold with a split in that structure on a substrate of Silica glass using finite element method. The obtained results are shown negative magnetic permeability in design structure which is not available in nature.

Keyword- Finite element method, Left handed, Metamaterials, Split Ring Resonators.

۱- مقدمه

فرامواد ساختارهایی مصنوعی هستند که با قرار دادن اجزایی خاص مانند ساختارهای دوره‌ای در یک محیط میزبان ساخته می‌شوند. این مواد خصوصیات منحصر بفردی نظیر گذردهی الکتریکی منفی و/یا تراوایی مغناطیسی منفی دارند، که در مواد به‌طور طبیعی دیده نمی‌شود و مباحث جدیدی را در فوتونیک باز می‌کند. اگر فرامواد هر دو پارامترهای منفی را به‌طور همزمان داشته باشند، ضریب شکست موثر منفی را نشان می‌دهند. این مواد که خصوصیات فیزیکی خود را بیشتر از ساختارشان و کمتر از مواد سازنده خود می‌گیرند، مواد چپگرد یا وسالگو نامیده می‌شوند. علت چپگرد نامیده شدن آن‌ها این است که در این مواد، بردارهای میدان الکتریکی، میدان مغناطیسی و بردار موج یک دستگاه مختصات چپگرد را تشکیل می‌دهند. سرعت فاز و سرعت گروه در این مواد موازی با یکدیگر نیستند، بدین معنا که راستای انتشار با توجه به راستای شارش انرژی معکوس می‌شود. این مفهوم ابتدا به‌صورت تئوری توسط وسالگو در سال ۱۹۶۸ تحلیل شد. وی خواص اپتیکی مختلفی از ساختارهای با ضریب شکست منفی را مورد مطالعه قرار داد. اما این مواد از لحاظ آزمایشگاهی، تنها هنگامی که جان‌پندری در سال ۱۹۹۷ یک آرایه از تشدیدگرهای حلقه‌ای مجزا و سیم‌های فلزی نازک دوره‌ای را طراحی کرد، تحقق یافت. فرامواد از اتم‌های ساختاری مصنوعی ساخته شده‌اند. یکی از بلوک‌های ساختاری فرامواد، تشدیدگر حلقه مجزا (SRR) است. این تشدیدگر، حلقه‌ای فلزی با شکافی در ساختار آن می‌باشد^[۱]. آرایه‌ای از این تشدیدگرها برای نشان دادن μ_{eff} منفی، در بسامدهای نزدیک به بسامد تشدید مغناطیسی (ω_n) ساختار SRR، به کار می‌روند.

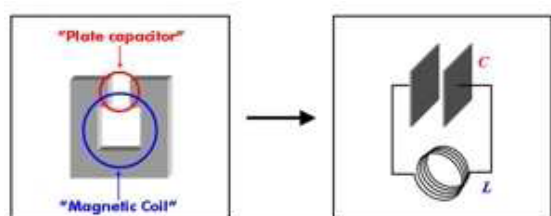
سیم‌های فلزی نازک دوره‌ای به‌عنوان محیط با ϵ_{eff} منفی، به دلیل منفی بودن گذردهی دی‌الکتریک زیر بسامد پلاسما، به کار می‌روند. داشتن گذردهی الکتریکی منفی یک چالش نیست، به این دلیل که در برخی مواد مانند فلزات یافت می‌شود. اما μ_{eff} منفی را با SRRها ایجاد می‌کنیم. بنابراین فرامواد مبتنی بر فلزات، می‌توانند در رسیدن به ضریب شکست منفی به ما کمک کنند. مواد چپگرد برای ساخت لنزهای کامل مورد استفاده قرار می‌-

گیرند^[۲]. علاوه بر آن بسیاری از کاربردهای میکروموجی و اپتیکی مانند پوشانه‌های آنتنی، تعدیل کننده‌ها و ... استفاده می‌شوند.

در این مقاله ساختاری SRR را برای به دست آوردن تراوایی منفی شبیه‌سازی کرده‌ایم. ابتدا تئوری ساختار را با توجه به پارامترهای هندسی و فیزیکی آن بررسی نموده‌ایم. سپس به بحث در مورد روش المان متناهی پرداخته‌ایم. در ادامه چیدمان شبیه‌سازی و بحث و بررسی نتایج آمده است.

۲- فیزیک SRRها

همان‌طور که گفته شد، SRRها حلقه‌های فلزی ساخته از فلز با یک شکاف ایجاد شده در ساختارشان هستند. هر گاه جریان در سیم‌پیچ به گردش در آید، یک ممان دوقطبی مغناطیسی خواهیم داشت، که بردار ممان دوقطبی مغناطیسی، عمود بر صفحه سیم‌پیچ است. ترکیب سیم‌پیچ با خازن تخت به ما مدار LC، و بنابراین ممان دوقطبی افزایشی در تشدید آن، می‌دهد. SRRها با توجه به شکل (۱)، شبیه به مدار LC ذکر شده رفتار می‌کنند. حلقه فلزی مانند یک سیم‌پیچ (خودالقای L) و شکاف درون حلقه مانند یک خازن با صفحات موازی (ظرفیت C) عمل می‌کنند.



شکل ۱: تناظر مدار LC و ساختار SRR.

می‌توان به بسامد تشدید LC در SRR رسید، که موقعیت این بسامد تشدید می‌تواند با استفاده از فرمول اساسی ظرفیت C و خودالقای L و جایگزین کردن آن با پارامترهای هندسی SRR محاسبه شود.

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{A}{D} \quad L = \mu_0 \frac{\text{coil.area}}{\text{length}} \quad (1)$$

که A مساحت خازن، D فاصله بین صفحات و ϵ_r گذردهی نسبی دی‌الکتریک موجود بین صفحات است.

و نیز حل انتگرال‌ها. اساس کار این روش حذف کامل معادلات دیفرانسیل یا ساده سازی آنها به معادلات دیفرانسیل معمولی است، تا بتوان معادلات را با روش‌های عددی ساده‌تر نظیر روش اویلر حل کرد. مهم‌ترین برتری روش FEM بر دیگر روش‌ها مانند FDTD انعطاف‌پذیری هندسی آن است.

این روش نخستین بار در اوایل قرن بیستم توسط گروهی از محققین بکار گرفته شد و در سال ۱۳۲۹/۱۹۵۰ برای حل مساله‌ی پیچیده الاستیسیته و مسائل تحلیلی ساختاری در مهندسی عمران توسعه داده شد. به-کار بردن این روش مستلزم سه مرحله اساسی است: (۱) حجم مساله باید به‌صورت بهینه به المان‌هایی تقسیم شود. (۲) معادلات خطی الکتروستاتیکی در محدوده‌های این حجم‌های کوچک بدست آورده شود. (۳) مجموعه بزرگی از معادلات خطی حل شود. تحلیل به روش FEM در ۲۰ یا ۳۰ بعد صورت می‌گیرد و فیزیک مساله این را تعیین می‌کند که باید در چند بعد کار کرد. این روش را می‌توان برای اثرات فیزیکی غیر خطی و نیز ساختارهای تشکیل شده از مواد ناهمسانگرد به‌کار برد. معادله‌ای که با استفاده از روش FEM و به‌صورت ویژه مقداری در این مقاله حل می‌شود، بصورت زیر است:

$$\vec{n} \times (\nabla \times \vec{E}) - jk\vec{n} \times (\vec{E} \times \vec{n}) = -\vec{n} \times (\vec{E}_0 \times (jk(\vec{n} - \vec{k}_{dir})))e^{-jk_{dir} \cdot \vec{r}} \quad (4)$$

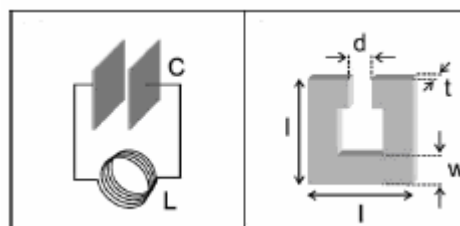
۴- چیدمان شبیه‌سازی و بررسی نتایج

در این مقاله ساختار نوعی از تشدیدگرهای حلقه مجزا (SRR) در سه‌بعد شبیه‌سازی می‌شود. این تشدیدگر شامل حلقه‌ای از جنس طلا است، که در آن یک شکاف ایجاد شده است و بر روی زیرلایه‌ای از شیشه سیلیکا قرار گرفته است. همه مجموعه درون یک جعبه از هوا قرار گرفته است. گذردهی الکتریکی طلا منفی و موهومی برابر $3369/6 + 15/393i$ - و گذردهی الکتریکی شیشه سیلیکا $2/09$ می‌باشد. با توجه به مطالب ذکر شده در اطراف بسامد تشدید، ما به تراوایی مغناطیسی منفی دست می‌یابیم. پارامترهای هندسی SRR در موقعیت این بسامد تشدید موثر هستند. ابعاد SRR در این شبیه‌سازی بصورت زیر است:

حال ظرفیت C و خودالقای L بر اساس پارامترهای هندسی SRR به‌صورت زیر است:

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{wt}{d} \quad L = \mu_0 \frac{l^2}{t} \quad (2)$$

پارامترهای هندسی با شکل زیر مشخص می‌شوند:



شکل ۲: پارامترهای هندسی SRR.

بسامد تشدید LC به‌صورت زیر داده می‌شود:

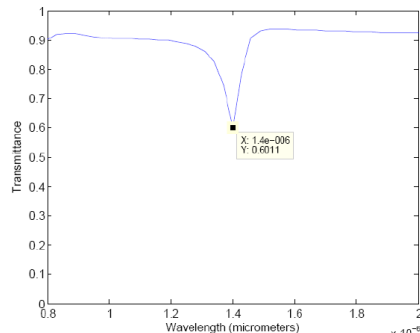
$$\omega_{LC} = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{l} \frac{C_0}{\sqrt{\epsilon_r}} \sqrt{\frac{d}{w}} \quad (3)$$

معادله ۵ نشان می‌دهد که بسامد تشدید به‌طور معکوس با ابعاد SRR متناسب است. اگر در حلقه شکافی نباشد، یعنی $d=0$ ، ظرفیت بی‌نهایت خواهد شد و هیچ تشدیدی نخواهیم داشت. بنابراین ایجاد شکاف برای داشتن یک اثر خازنی ضروری است. به اضافه شرط بالا، دو شرط دیگر نیز وجود دارد: (۱) مولفه‌ای از میدان الکتریکی نور عمود بر صفحات خازن (سطوح شکاف) باشد. (۲) بردار میدان مغناطیسی عمود بر صفحه SRR باشد. هرگاه شرط دوم برآورده شود، جریانی در سیم‌پیچ بوجود می‌آید، که میدان مغناطیسی ایجاد می‌کند که با میدان مغناطیسی خارجی مقابله کرده و منجر به تراوایی مغناطیسی منفی می‌شود.

۳- روش المان متناهی

بدلیل سروکار داشتن کامپیوترها با اعداد گسسته، حل معادلات دیفرانسیلی و انتگرالی به روش مستقیم غیرممکن است. زیرا کامپیوترها نمی‌توانند با متغیرهای پیوسته کار کنند. باید فضای موردنظر را به المان‌های زیادی تقسیم کنیم. به‌دلیل محدود بودن حجم این المان‌ها این روش را روش المان متناهی می‌نامند. این روش، روشی عددی است برای حل تقریبی معادلات دیفرانسیل

۱/۴ میکرومتر پیکی مشاهده می‌کنیم که نشان دهنده تشدید مغناطیسی در این طول موج است. بدین معنی که با شبیه‌سازی تشدیدگر حلقه مجزا، تشدید مغناطیسی در ناحیه نزدیک به مادون قرمز به دست می‌آوریم.



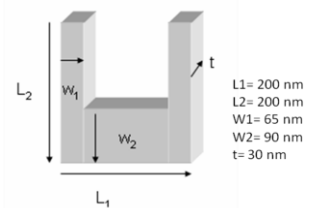
شکل ۵: نمودار انتگرال چگالی انرژی براساس طول موج برای ساختار SRR شبیه‌سازی شده.

۵- نتیجه گیری

در این مقاله ساختار تشدیدگر حلقه مجزا با ابعاد نانو که بلوک ساختاری یک فراماده است، با استفاده از روش المان متناهی شبیه‌سازی می‌شود. ابتدا با بررسی تناظر بین ظرفیت خازنی و خودالقا با پارامترهای هندسی ساختار، بسامد تشدید مغناطیسی را براساس پارامترهای هندسی به دست می‌آوریم. سپس با رسم نمودار انتگرال چگالی انرژی بر اساس طول موج یک شیفت در نمودار مشاهده می‌شود که نشان‌دهنده تشدید مغناطیسی در این طول موج یعنی ۱/۴ میکرومتر، نزدیک به مادون قرمز و در نتیجه رسیدن به تراوایی مغناطیسی منفی در این طول موج است. بنابراین ابتدا با شبیه‌سازی ساختار SRR با هندسه مشخص می‌توان اطلاعاتی درباره موقعیت بسامد تشدید به دست آورد و این می‌تواند نقطه شروعی برای رسیدن به μ منفی و بسیاری کاربردها باشد.

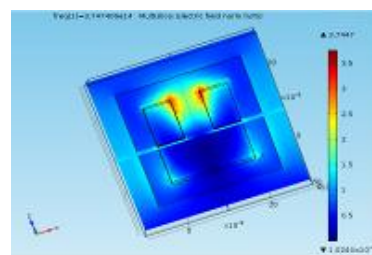
مراجع

- [1] Pendry J.B., Holden A.J., Robbins D.J., Stewart W.J., *Magnetism from conductors and enhanced nonlinear phenomena*, IEEE Trans. Microw. Theory Tech., vol. 47, no. 14, pp. 2075–2084, Nov. 1999.
- [2] Linden S. et al., *Photonic Metamaterials: Magnetism at Optical Frequencies*, Selected Topics in Quantum Electronics, IEEE Journal of, vol. 12, no. 6, pp. 1097–1105, Nov. dec. 2006.
- [3] Pendry J.B., *Negative Refraction Makes a Perfect Lens*, Phys. Rev. Lett., 85, pp. 3966–3969, 2000.
- [4] Veselago V.G., *The electrodynamics of substances with simultaneously negative values of ϵ and μ* , Sov. Phys.-Usp., vol. 10, no. 4, pp. 509–514, 1968.



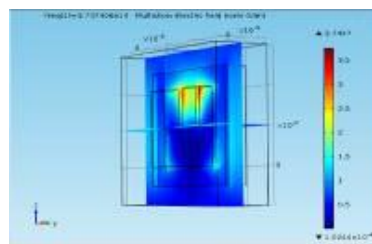
شکل ۳: چیدمان فضای محاسباتی.

شرایط مرزی برای حل مساله، شرط مرزی پراکندگی است. ابتدا هندسه ساختار را مشخص کرده و بعد از آن نوع مواد هر قسمت را تعیین می‌کنیم. بعد از تعیین شرایط مرزی، فضای مساله را مش بندی کرده، یعنی به المان‌هایی مثلثی شکل با اندازه مشخص تقسیم می‌کنیم، و بعد از آن مساله را حل می‌نماییم. موج تخت با طول موج ۰/۸ میکرومتر بر ساختار موردنظر فرود می‌آید و میدان الکتریکی در راستای x بر ساختار اعمال می‌کند. عبور میدان از ساختار به صورت شکل ۴ می‌باشد:



شکل ۴: نمایش پروفایل انتشار موج تخت در SRR.

عبور میدان از جهت دیگر به شکل زیر می‌باشد:



شکل ۵: نمایش پروفایل انتشار موج تخت از جهت دیگر.

همان‌طور که مشاهده می‌شود در هر دو حالت، تشدید مغناطیسی رخ داده شده، پیداست. با توجه به این‌که ماده تشکیل دهنده SRR شبیه‌سازی شده طلا می‌باشد، بنابراین مقادیر کمیت‌های فیزیکی از جمله تراوایی μ ، مربوط به طلا را از داده‌های موجود در بسته نرم‌افزاری کامسول، قرار می‌دهیم. اگر انتگرال چگالی انرژی براساس طول موج رسم شود، نموداری به شکل زیر بدست می‌آید. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، در طول موج