



بیست و هشتمین کنفرانس اپتیک و  
فوتونیک ایران و چهاردهمین کنفرانس  
مهندسی و فناوری فوتونیک ایران،  
دانشگاه شهید چمران اهواز،  
خوزستان، ایران.  
۱۴۰۰-۱۲ بهمن



## مطالعه خواص اپتیکی $\text{BiFeO}_3$ در حالت مکعبی

حمدالله صالحی<sup>۱</sup>، الهام کردستانی<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup>دانشیار، گروه فیزیک، دانشکده علوم، دانشگاه شهید چمران اهواز، [salehi\\_h@scu.ac.ir](mailto:salehi_h@scu.ac.ir)

<sup>۲</sup>کارشناسی ارشد، گروه فیزیک، دانشکده علوم، دانشگاه شهید چمران اهواز، [kordestani.phys@gmail.com](mailto:kordestani.phys@gmail.com)

چکیده - در این پژوهش خواص اپتیکی  $\text{BiFeO}_3$  با استفاده از روش امواج بهبود یافته خطی با پتانسیل کامل (FP-LAPW) در چارچوب نظریه تابعی چگالی (DFT) با استفاده از کد محا سباتی Wien2k مورد بررسی قرار گرفت. خواص اپتیکی نظیر قسمت های حقیقی و موهومی تابع دی الکتریک، ضریب شکست و ضریب خاموشی مورد مطالعه قرار گرفت. نتایج نشان می دهد که فریت بیسموت در حالت مکعبی یک فلز می باشد. از آن جایی که ترکیب دارای خاصیت مغناطیسی می باشد، کلیه محاسبات به صورت کاملاً اسپینی انجام شده است.

کلید واژه - «خواص اپتیکی، فریت بیسموت، نظریه تابعی چگالی».

## Study Optical Property of Cubic $\text{BiFeO}_3$

Hamdollah Salehi <sup>1</sup>, Elham Kordestani <sup>2</sup>

<sup>1</sup>Associate Professor, Department of Physics, Faculty of Sciences, Shahid Chamran University of Ahvaz, Email: [salehi\\_h@scu.ac.ir](mailto:salehi_h@scu.ac.ir)

<sup>2</sup> M. Sc in Physics, Department of Physics, Faculty of Sciences, Shahid Chamran University of Ahvaz, Email: [kordestani.phys@gmail.com](mailto:kordestani.phys@gmail.com)

**Abstract-** In this study, investigated the optical properties of  $\text{BiFeO}_3$  by useing the full potential linearized augmented plan wave (FP-LAPW) in framework density functional theory(DFT) with wien2k code. The optical properties such as real and imaginary parts of dielectric function, refractive index, extinction coefficient have been calculated and studied. The results show that of cubic ferrite bismuth is a metalic. Since compound has magnetic properties, all calculations of compound is performed in full spin.

Keywords: Optical Property, Ferrite Bismuth, Density Functional Theory.

## مقدمه

### خواص اپتیکی

ثابت‌های اپتیکی پاسخی از تابش امواج الکترومغناطیسی اعمال شده در چارچوب نظریه پاسخ خطی می‌باشد که توسط روابط کرامرز-کرونیک بهم مرتبط می‌شوند. برای بررسی خواص اپتیکی یک بلور بایستی ثابت‌های اپتیکی مختلف آن را بر حسب انرژی تابشی مورد بررسی قرار داد. یکی از مهم‌ترین کمیت‌های اپتیکی، تابع دیالکتریک مختلط است. تابع دیالکتریک توسط رابطه زیر تعریف می‌شود [۷]:

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_1(\omega) + i\varepsilon_2(\omega) \quad (1)$$

این تابع تانسوری از مرتبه دوم می‌باشد و برای ساختارهای مکعبی چون  $a = b = c$  می‌باشد؛ فقط محاسبه یک مؤلفه از تابع دیالکتریک ضروری و سامانه در حالت مکعبی همسانگرد می‌باشد و در هر سه جهت x و y و z رفتار یکسانی از خود نشان می‌دهد. در رابطه (۱)،  $\varepsilon_1(\omega)$  سهم حقیقی تابع دیالکتریک می‌باشد که توسط رابطه کرامرز-کرونیک به صورت زیر تعریف می‌شود [۷]:

$$\varepsilon_1(\omega) = 1 + \frac{2}{\pi} P \left\{ \int_0^{\infty} \frac{\omega' \varepsilon_2(\omega')}{\omega'^2 - \omega^2} d\omega' \right\} \quad (2)$$

P قسمت اصلی انتگرال است.  $\varepsilon_2(\omega)$ ، سهم موهومی تابع دیالکتریک نیز ناشی از گذارهای درون نواری است که توسط رابطه زیر محاسبه می‌شود [۷]:

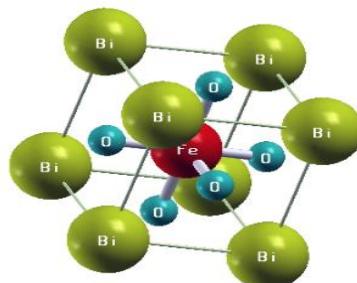
$$\varepsilon_2(\omega) = \frac{4\pi^2 e^2}{m^2 \omega^2} \sum \int \langle i | M | j \rangle^2 f_i(1-f_j) \times \delta(E_f - E_i - \omega) d^3 k \quad (3)$$

عنصر ماتریسی اندازه حرکت، i و f حالت اولیه و نهایی و  $E_i$  انرژی حالت اولیه می‌باشد. نمودار مربوط به سهم‌های حقیقی و موهومی تابع دیالکتریک در انبوهه فریت بیسیمoot در ساختار مکعبی در شکل (۲) و (۳) آورده شده

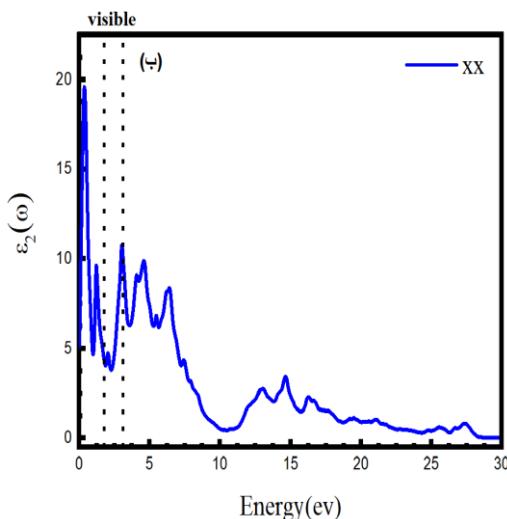
مواد چندفروئی پرووسکیت با فرمول شیمیایی  $ABO_3$  از قبیل موادی هستند که می‌توانند به طور همزمان دو یا چند نظم فروئیکی را داشته باشند [۱]. در این میان فریت بیسیمoot از قبیل مواد چند فروئی است که ساختار ایده‌آل آن به صورت پرووسکیت مکعبی با گروه فضایی  $Pm\bar{3}m$  می‌باشد [۲]. در میان مطالعات نظری انجام شده بر روی این ترکیب، می‌توان به بررسی خواص ساختاری، الکترونی و کشسانی انبوهه  $BiFeO_3$  در فاز مکعبی اشاره کرد [۳، ۴] و در پژوهشی دیگر ترکیب فریت بیسیمoot در فاز مکعبی به عنوان یک فلز گزارش شد [۵].

## روش محاسبات

محاسبات بر پایه نظریه تابعی چگالی و روش امواج بهبود یافته خطی با پتانسیل کامل با تقریب شیب تعمیم یافته (GGA) و به کمک کد محاسباتی Wien2k انجام شده است [۶]. در این پژوهش، مقادیر بهینه  $Rk_{max}$  برابر با ۸، انرژی جداسازی حالت‌های مغزه از ظرفیت برابر با  $-7Ry$  و  $G_{max}$  برابر با  $12(a.u^{-1})$  انتخاب شد. تعداد نقاط در نظر گرفته شده در منطقه اول بریلیوئن  $300 \times 6 \times 6$  نقطه است که به ازای آن یک شبکه  $6 \times 6 \times 6$  ایجاد شده است. شعاع کره‌های مافین-تین برای عناصر Bi، Fe و O به ترتیب  $1.91$ ،  $2.5$  و  $1.64$  (در واحد اتمی) می‌باشد و سلول قراردادی فریت بیسیمoot در فاز مکعبی در شکل (۱) نشان داده شده است.



شکل ۱: ساختار بلوری فریت بیسیمoot در فاز مکعبی.



شکل ۳: سهم موہومی تابع دیالکتریک در انبوهہ فریت بیسیموٹ در فاز مکعبی.

### ضریب شکست و ضریب خاموشی

ضریب شکست، پارامتر فیزیکی مهم دیگری است که مانند تابع دیالکتریک مختلط بوده و می‌توان آن را براساس تابع دیالکتریک بهشکل رابطه زیر نوشت [۷]:

$$n(\omega) = \sqrt{\frac{|\epsilon(\omega)| + \text{Re } \epsilon(\omega)}{2}} \quad (5)$$

ضریب خاموشی، سنجشی از میزان جذب موج الکترومغناطیسی می‌باشد؛ یعنی اگر موج الکترومغناطیسی به راحتی از ماده عبور پیدا کند ضریب خاموشی کمی دارد و اگر پرتویی به سختی در ساختاری نفوذ کند ماده ضریب خاموشی بزرگی دارد و توسط رابطه (۶) به دست می‌آید [۷]:

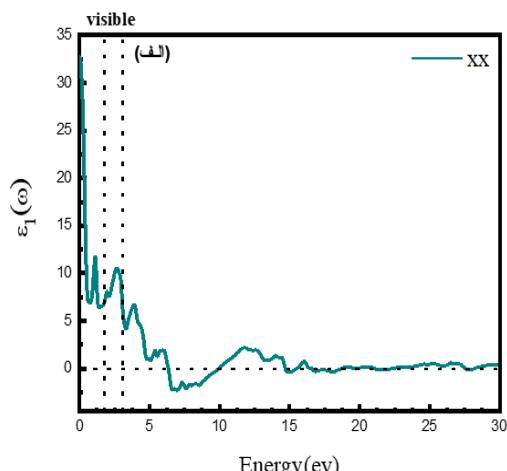
$$k(\omega) = \sqrt{\frac{|\epsilon(\omega)| - \text{Re } \epsilon(\omega)}{2}} \quad (6)$$

نمودارهای مربوط به ضریب شکست و ضریب خاموشی ترکیب  $\text{BiFeO}_3$  در فاز مکعبی در شکل (۴) آورده شده است. قلهای بیشینه‌ای که در نمودار ضریب شکست (شکل ۴ الف) مشاهده می‌شود؛ نشان می‌دهد که در این نقاط عبور موج الکترومغناطیسی به حداقل می‌رسد و بعد از آن ضریب شکست روند کاهشی خواهد داشت. یعنی در انرژی‌های بالاتر امواج می‌توانند از ماده عبور کنند. با توجه

است. جذر سهم حقیقی تابع دیالکتریک در انرژی صفر منجر به ضریب شکست استاتیک می‌شود؛ که به کمک رابطه زیر محاسبه می‌شود [۷]:

$$n(0) = \sqrt{\epsilon_1(0)} \quad (4)$$

که برای ترکیب فریت بیسیموٹ در فاز مکعبی برابر با ۵/۷۱ می‌باشد. با توجه به نمودار سهم حقیقی (شکل ۲) مشاهده می‌شود که این نمودار در محدوده‌ای از انرژی (۶-۱۰/۱) الکترون ولت دارای مقادیر منفی است. لذا در ناحیه‌ای که ۶ منفی است امواج منتشر نمی‌شوند و بلور شفافیت خود را از دست می‌دهد و بیشترین جذب و رسانندگی را خواهیم داشت. با توجه به نمودار سهم موہومی (شکل ۳) می‌توان دریافت؛ شروع جذب از مقادیر بسیار کوچک انرژی بیانگر این است که ترکیب در این فاز گاف انرژی ندارد. سپس نمودار با شیب تندی افزایش می‌یابد که با توجه به صفر بودن گاف انرژی، الکترون‌ها بدون نیاز به گرفتن انرژی می‌توانند از نوار ظرفیت وارد نوار رسانش شوند. هم‌چنین، به‌ازای انرژی‌های بالاتر سهم موہومی نمودار صفر می‌شود؛ به‌این معنی که در این نواحی موج الکترومغناطیسی نفوذ نمی‌کند.



شکل ۲: سهم حقیقی تابع دیالکتریک در انبوهہ فریت بیسیموٹ در فاز مکعبی.

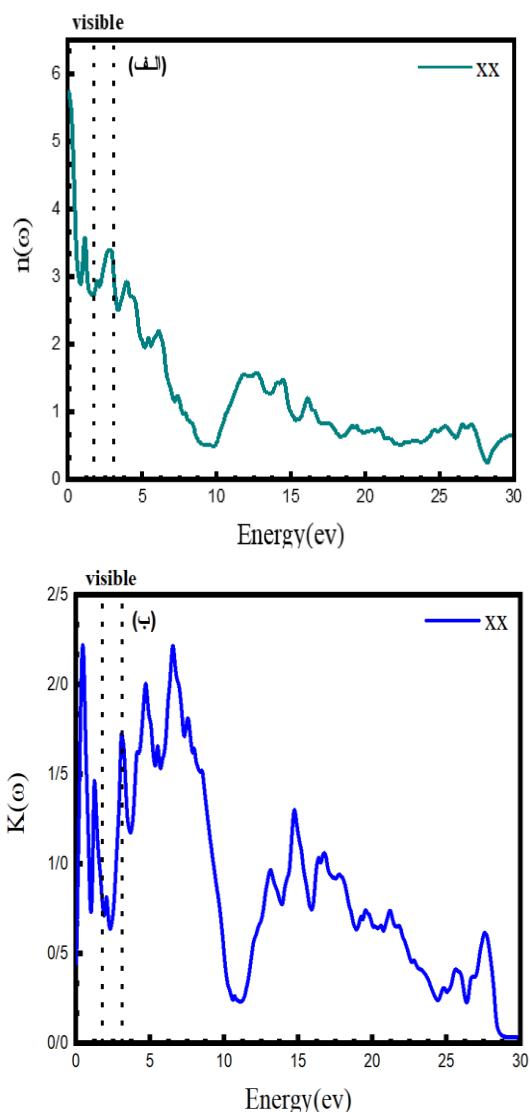
## نتیجه‌گیری

خواص اپتیکی ترکیب فریت بیسموت در فاز مکعبی با استفاده از نظریه تابعی چگالی(DFT)، کد محاسباتی Wien2k و تقریب GGA مورد بررسی قرار گرفت. نتایج حاکی از آن است؛ در نواحی که  $\epsilon_1$  منفی است امواج منتشر نمی‌شوند و بلور شفافیت خود را از دست می‌دهد. علاوه بر این، سهم موہومی تابع دیالکتریک نشان می‌دهد که ترکیب  $\text{BiFeO}_3$  در فاز مکعبی فلز می‌باشد؛ که با نتایج گزارش شده سازگاری خوبی دارد. همچنین، مقادیر بیشینه ضریب خاموشی متناظر با صفرهای حقیقی تابع دیالکتریک می‌باشد.

## مرجع‌ها

- [1] W. Eerenstien, N. D. Mathur and J. F. Scott, "Multiferroic and magnetoelectric materials", Nat., Vol. 442, pp. 759-765, 2006.
- [2] P. Ravindran, R. Vidya, A. Kjekshas, H. Fjellvag and O. Eriksson, "Theoretical investigation of magnetoelectric behavior in  $\text{BiFeO}_3$ ", Phys. Rev., Vol. 74, No. 22, pp. 1-18, 2006.
- [3] K. Koumpouras and L. Glanakis, "Ab-initio study of competing magnetic configurations in cubic  $\text{BiFeO}_3$  alloys", Mag. Mag. Mat., Vol. 323, No. 17, pp. 2328-2333, 2011.
- [4] M. K. Yakkob, M. F. M. Tab, M. S. M. Deni, A. Chandra, L. Lu and M. Z. A. Yahya, "First Principle Study on Structural elastic and electronic properties of cubic  $\text{BiFeO}_3$ ", Ceram. Inter., Vol. 39, pp. 283-286, 2013.
- [5] C. He, Z. J. Ma, B. Z. Sun, R. J. Sa, K. Wu, "The electronic, optical and ferroelectric property of  $\text{BiFeO}_3$  during polarization reversal: A first principle study", Alloy. Com., Vol. 623, pp. 393-400, 2015.
- [6] E. K. U. Gross, W. Kohn, "Local Density-Functional Theory of Frequency-Dependent Linear Response", Phys. Rev. Lett., Vol. 55, No. 26, pp. 2850-2852, 1985.
- [7] صالحی، حمداه، ساختار الکترونی و خواص مغناطو اپتیکی جامدات، انتشارات کردگار، ۱۳۹۱.

به طیف ضریب خاموشی (شکل ۴ ب) می‌توان یافت که مقادیر بیشینه  $0.5$  و  $0.7/3$  در جهت محور  $x$  متناظر با صفرهای حقیقی تابع دیالکتریک بوده و در انرژی‌های بالاتر ضریب خاموشی به صفر می‌رود. به طور کلی، با بررسی نمودارهای ضریب شکست و ضریب خاموشی می‌توان مشاهده کرد که ضریب شکست رفتاری مشابه با سهم حقیقی تابع دیالکتریک و ضریب خاموشی رفتاری مانند سهم موہومی تابع دیالکتریک دارد.



شکل ۴: نمودار (الف) ضریب شکست و (ب) ضریب خاموشی ترکیب فریت بیسموت در فاز مکعبی.