بیست و سومین کنفرانس اپتیک و فوتونیک و نهمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران
دانشگاه تربیت مدرس
۱۴-۱۲ بهمن ۱۳۹۵
23rd Iranian Conference on Optics and Photonics and 9th Conference on Photonics Engineering and Technology
Tarbiat Modares University, Tehran, Iran
January 31- February 2, 2017

بررسی علل حذف اثر پاشندگی بر روی فوتون‌های درهم‌تنیده

امین بابازاده[۱]، رحمان نوروزی[۱و۲]

[۱]دانشکده فیزیک، دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه، زنجان، ایران،
[۲]مرکز پژوهشی اپتیک و فوتونیک، دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه، زنجان، ایران ،

چکیده – حذف اثر پاشندگی بر روی فوتونی که از یک محیط پاشنده عبور می‌کند از جمله پدیده‌هایی است که توسط رهیافت کلاسیکی توصیف نمی‌شود. این اثر در اپتیک کوانتومی می‌تواند به درهم‌تنیدگی، عدم آگاهی از زمان تولید فوتون‌ها و یا نامتمایز بودن آنها ارتباط داده شود. در این مقاله برای اینکه نقش درهم‌تنیدگی بر روی این اثر مشخص شود مدهای فرکانسی-زمانی فوتون تولید شده توسط فرایند تبدیل پایین پارامتری خود به خودی مورد بررسی قرار گرفته است. نشان داده شده است که درهم‌تنیدگی نقشی در این حذف شدگی ندارد بلکه مسئله اصلی نامتمایز بودن فوتون‌هاست که نقش اساسی در این حذف شدگی ایفا می‌کند.

کلید واژه- فرایند تبدیل پارامتری خود به خودی، پاشندگی، درهم‌تنیدگی، مدهای فرکانسی- زمانی.

Investigation on Dispersion Cancellation of Entangled Photons

Amin Babazadeh[1], Rahman Nouroozi[1,2]

[1]Physics Department, Institute for Advanced Studies in Basic Sciences, Zanjan, Iran

[2]Optics & Photonics Research Center, Institute for Advanced Studies in Basic Sciences, Zanjan, Iran

Abstract- Dispersion Cancellation is a quantum optics phenomenon which cannot be described by classical optics. It can be attributed to the uncertainty of the photons' generation time, entanglement or indistinguishability. For clarifying the role of entanglement on the dispersion cancellation the time-frequency modes in the spontaneous parametric down conversion process are investigated. It is shown that the indistinguishability plays an important role in dispersion cancellation.

Keywords: Spontaneous parametric down conversion, Dispersion, entanglement, Time-frequency modes.

[Downloaded from www.opsi.ir on 2026-11-05]

این مقاله به شرط در دسترس بودن در وبگاه www.opsi.ir معتبر است.

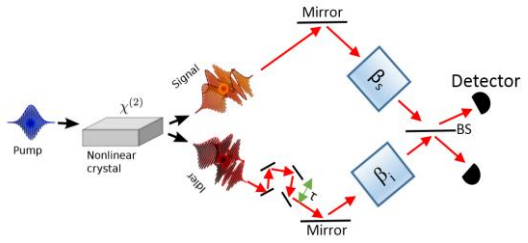
۱- مقدمه

فیزیک کلاسیک از توصیف پدیده‌هایی چون درهم‌تنیدگی (entanglement)[۱]، فوتون چلانده (squeeze)[۲]، پارادوکس اینشتین-پودولسکی-روزن[۳] قاصر است. همچنین در سال ۱۹۹۲ اشتاینبرگ نشان داد که اگر از پرتو لیزر پیوسته در فرایند تبدیل پایین پارامتری خود به خودی برای تولید فوتون‌ها استفاده شود می‌توان اثر پاشندگی را حذف کرد [۴]. اشتینبرگ علت را به عدم آگاهی از زمان تولید فوتون‌ها ارتباط داد. حال آنکه درهم‌تنیدگی و همچنین نامتمایز بودن فوتون‌ها نیز می‌توانند از علل حذف پاشندگی در اپتیک کوانتومی باشند. چرا که هر چقدر زمان تولید فوتونها نامعلوم تر باشد همبستگی بین مدهای فرکانسی-زمانی بیشتر شده و حالت‌های تولید شده درهم‌تنیده‌تر خواهند بود. در این مقاله سعی شده است که با طرح آزمایشی این موضوع مورد بررسی عددی قرار گیرد و مشخص شود که آیا درهم‌تنیدگی در حذف پاشندگی تاثیری دارد یا خیر؟ در ادامه ابتدا نحوه‌ی انجام آزمایش برای بررسی این موضوع مطرح می‌شود و سپس به مدهای فرکانسی-زمانی پرداخته می‌شود و در نهایت نتایج محاسبات مورد بحث و بررسی قرار می‌گیرد.

۲- آزمایش هونگ- او- مندل

یکی از روشهای تولید جفت فوتون درهم‌تنیده استفاده از فرایند تبدیل پایین پارامتری خود به خودی (Spontaneous parameter down conversion) در موجبرها و یا بلورهایی است که در آنها اثر غیرخطی مرتبه دوم وجود دارد.

برای اینکه زمان تولید فوتونها مشخص شود به جای لیزر پیوسته از لیزری با تپهای فوق کوتاه می‌توان استفاده کرد. این فرایند تولید جفت فوتون باعث تولید حالتهای درهم‌تنیده‌ی فرکانسی-زمانی می‌شود[۵]. شکل ۱ شماتیکی از تداخل سنج هونگ او مندل را نشان می‌دهد که یک پالس فوق کوتاه به یک بلور قطبیده‌ی دوره‌ای پتاسیوم تیتانیل دی فسفات (PPKTP) نوع دوم با طول L برخورد می‌کند و جفت فوتون در هم‌تنیده با قطبش‌های عمود برهم تولید می‌کند.



شکل ۱: چیدمان آزمایشگاهی تداخل سنج هونگ-او-مندل. تپ فوق کوتاه پس از عبور از بلور غیرخطی بر اثر فرایند تبدیل پایین پارامتری خود به خودی، فوتون‌های درهم‌تنیده تولید می‌کند. این فوتونها که در برگیرنده‌ی مدهای فرکانسی-زمانی هستند پس از عبور از محیط‌های پاشنده (β_s و β_i) و بیم اسپلیتر (BS) توسط آشکارساز، آشکارسازی می‌شوند.

این جفت فوتون‌ها که به سیگنال و آیدلر معروف هستند پس از عبور از محیط‌هایی با پاشندگی‌های β_i و β_s بر روی یک بیم اسپلیتر با هم برهمکنش می‌کنند (تداخل سنج هونگ-او-مندل). تابع حالت این جفت فوتون‌ها را با استفاده از حل هامیلتونین اختلال مرتبه اول می‌توان به صورت زیر نوشت[۶]:

$$|\psi>_{SPDC} \propto \iint d\omega_s d\omega_i \alpha(\omega_s+\omega_i)\phi(\omega_s,\omega_i) \times D(\omega_s,\omega) a_s^t(\omega_s) a_i^t(\omega_i)|0> \quad (۱)$$

که در این رابطه $a^{\dagger}_i$ و $a^{\dagger}_s$ عملگرهای خلق برای سیگنال و آیدلر می‌باشند. و تابع پاشندگی به صورت $D(\omega_s,\omega_i)=\exp(i(\beta_s\omega_s^2+\beta_i\omega_i^2)$ تعریف می‌شود. دراین رابطه β اثر پاشندگی، به صورت نصف حاصلضرب مرتبه‌ی دوم پارامتر پاشندگی محیط در طول محیط پاشنده تعریف می‌شود. همچنین توابع $\alpha(\omega_s+\omega_i)$ و$\varphi(\omega_s,\omega_i)$ که به ترتیب دربرگیرنده قانون بقای انرژی و تکانه هستند به صورت زیر نوشته می‌شوند[۶]:

$$\alpha(\omega_s,\omega_i)=\exp(\frac{-(\omega_s+\omega_i)^2}{2\sigma_p^2})$$
$$\phi(\omega_s,\omega_i)= \quad (۲)$$
$$\exp(-0.193(\frac{L}{2}\Delta k(\omega_s,\omega_i))^2+\frac{iL}{2}\Delta k(\omega_s,\omega_i))$$

در این رابطه فرکانس انحرافی به صورت$\omega_\mu=\omega_\mu-\omega^0_s(\mu=s,i)$ تعریف می‌شود که فرکانسω^0 فرکانس مرکزی است که تطابق فاز در آن رخ می‌دهد. همچنین σ_p پهنای طیفی پمپ و L طول موجبر می‌باشد که در این مقاله یک سانتیمتر در نظر گرفته شده است. Δk تابعی است که میزان

این مقاله به شرط در دسترس بودن در وبگاه www.opsi.ir معتبر است.

[Downloaded from www.opsi.ir on 2026-11-05]

عدم تطابق فاز بین پمپ، آیدلر و سیگنال را نشان می‌دهد. با بسط تیلور این تابع حول فرکانس مرکزی به دست می‌آوریم:

$$L\Delta k(\upsilon_s,\upsilon_i) = L\Delta k^0 + \tau_s\upsilon_s + \tau_i\upsilon_i \qquad (۳)$$

در این رابطه سرعت نسبی سیگنال و آیدلر به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\tau_\mu = L(u_\mu^{-1} - u_p^{-1}) \quad \mu = s,i \qquad (۴)$$

که در آن u_μ سرعت مربوط به هرکدام از فوتون‌های تولید شده است. آهنگ آشکارسازی همزمان فوتون‌ها در تداخل سنج هونگ او مندل بر حسب اختلاف زمان تاخیر (τ) یکی از بازوهای تداخل سنج از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$R_c(\tau) \propto 1 - \iint d\omega_s d\omega_i f(\omega_s,\omega_i) f^*(\omega_s,\omega_i)\exp(i(\omega_s-\omega_i)\tau) \qquad (۵)$$

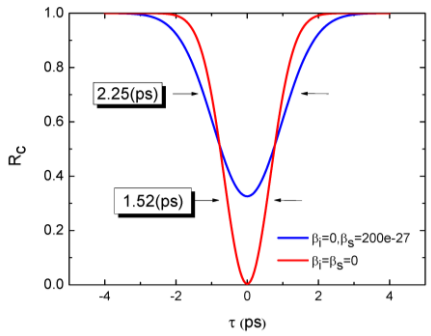
در این رابطه $f(\omega_s, \omega_i)$ که تابع همبستگی طیفی (Joint Spectral Amplitude) نامیده می‌شود از حاصلضرب جمله پاشندگی ($D(\omega_s,\omega_i)$) در $\alpha(\omega_s,\omega_i)$ و $\varphi(\omega_s,\omega_i)$ (معادلات۲) به دست می‌آید. با استفاده از معدلات ۱-۴ و انتگرال گیری از معادله ۵ پهنای زمانی (FWHM) عمق مندل (Mandel Dip) به صورت زیر به دست می‌آید:

$$FWHM_{HOM} = \{[0.193L^2(\tau_i-\tau_s)^2\zeta + 16\sigma_p^2(\beta_i^2 - 2\beta_i\beta_s + \beta_i^2)]/4\ln(2)2\zeta\}^{1/2} \qquad (۶)$$

در این رابطه $\zeta = 8 + 0.193L^2\sigma_p^2(\tau_i+\tau_s)^2$ است .

در شکل ۲ نمودار مربوط به تداخل دو فوتونی برای حالتی که پاشندگی نداشته باشیم ($\beta_i=\beta_s=0$) رسم شده است(شکل ۲ نمودار رنگ قرمز). این نمودار برای حالتی که طول موج پمپ ۸۰۰ نانومتر و پهنای طیفی آن (σ_p) ۴ nm است رسم شده و نشان می‌دهد که زمانی که دو فوتون مسیرهای یکسانی را طی می‌کنند($\tau=0$) تداخل رخ داده و فوتونها جفت شده و تنها یکی از آشکارسازها روشن می‌شود. با اعمال یک اختلاف راه نوری در مسیر یکی از فوتونها ($\tau\neq0$) این تداخل کمتر شده و همزمان روشن شدن دو تداخل سنج بیشتر می‌شود. همچنین در این شکل برای حالتی که فقط سیگنال در معرض محیط پاشنده قرار گرفته است ($\beta_s=200*10^{-27}\ s^2$)، پهنای عمق مندل به دست آمده است.

دیده می‌شود که با اعمال پاشندگی در مسیر سیگنال پهن شدگی ایجاد می‌شود.



شکل۲: آهنگ آشکارسازی فوتون‌ها در تداخل سنج هونگ-او-مندل برای وقتی که سیگنال در معرض محیط پاشنده قرار نمی‌گیرد (نمودار قرمز، FWHM=1.52ps) و برای وقتی که سیگنال از محیطی با پاشندگی (s^2) ۲۰۰*۱۰$^{-۲۷}$ عبور می‌کند(نمودار آبی، FWHM=2.25ps).

از معادله ۶ می‌توان این نتیجه را گرفت که اگر $\beta_i\neq\beta_s\neq0$ باشد در آنصورت پهنای عمق مندل بیشتر می‌شود. که این نتیجه در رهیافت کلاسیک نیز قابل انتظار است. حال اگر سیگنال و آیدلر از محیط‌هایی با پاشندگی یکسان عبور کنند ($\beta_i=\beta_s$) پاشندگی حذف می‌شود. به عبارت دیگر وقتی که دو فوتون محیطهایی با پاشندگی یکسان را طی کنند دیگر پاشندگی رخ نخواهد داد و پهنای طیفی عمق مندل تغییر نخواهد کرد. علت این پدیده غیرکلاسیکی را می‌توان به علت عدم آگاهی مشاهده گر از زمان رسیدن فوتونها به آشکار ساز، درهم‌تنیدگی حالت‌های تولید شده و یا نامتمایز بودن فوتون‌ها ارتباط داد. در ادامه با بررسی حالت‌های کوانتومی ایجاد شده در آزمایش فوق (شکل ۱) به بررسی اثر درهم‌تنیدگی برروی پاشندگی می‌پردازیم.

۳- مدهای فرکانسی-زمانی

تابع همبستگی طیفی را می‌توان برحسب توابع عمود بر هم بسط داد[۷]:

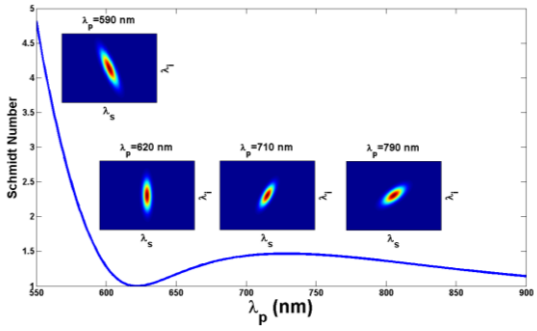
$$f(\omega_s,\omega_i) = \sum_i \sqrt{k_j}\varphi(\omega_s)\psi(\omega_i) \qquad (۷)$$

که در آن φ و ψ توابع پایه عمود برهم هستند. همچنین k_j ضریب اشمیت است که با استفاده از آن می‌توان عدد اشمیت $K = 1/\sum_j k_j^2$ که نشان دهنده میزان درهم‌تنیدگی حالت‌های تولید شده است را به دست آورد. در واقع این عدد تعداد مدهای فرکانسی- زمانی را مشخص می‌کند. در شکل

این مقاله به شرط در دسترس بودن در وبگاه www.opsi.ir معتبر است.

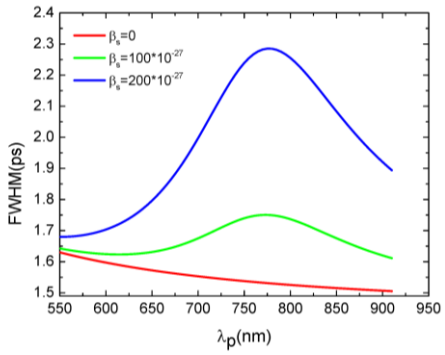
[Downloaded from www.opsi.ir on 2026-11-05]

۳ عدد اشمیت برای بلور ذکر شده و طول موج‌های مختلف پمپ رسم شده است.



شکل۳: عدد اشمیت برای طول موجهای مختلف پمپ. در داخل نمودار تابع همبستگی طیفی برای چند طول موج مختلف پمپ رسم شده است.

دیده می‌شود که برای طول موج ۶۲۰nm کمترین درهم‌تنیدگی (K=1) را داریم. درواقع وقتی که تابع همبستگی طیفی دامنه موازی با یکی از محورهای XY (محورX تغییرات طول موج سیگنال و Y تغییرات طول موج آیدلر) قرار می‌گیرد دیگر درهم‌تنیدگی نداریم. در چنین شرایطی سرعت فوتون آیدلر با سرعت پمپاژ یکی می‌شود و در نتیجه می‌توان تابع همبستگی طیفی دامنه را به صورت حاصلضرب دو تابع مجزا نوشت (معادله ۷). در چنین شرایطی تنها یک مد فرکانسی-زمانی داریم. از شکل ۳ پیداست که اگر درهم‌تنیدگی در حذف پاشندگی تاثیر داشته باشد باید برای طول موج پمپاژ ۶۲۰nm بیشترین پهن شدگی عمق مندل را داشته باشیم چرا که در این طول موج هیچ درهم‌تنیدگی وجود ندارد. در شکل۴ این پهن شدگی برای طول موج‌های مختلف پمپ وقتی که سیگنال از محیط پاشنده عبور می‌کند رسم شده است. دیده می‌شود که برای وقتی که پاشندگی وجود ندارد پهن شدگی به صورت یکنواخت کاهش می‌یابد در حالی که برای زمانی که فوتون از محیط پاشنده عبور می‌کند شیب تغییرات پهن شدگی یکنواخت نیست. نکته جالب توجه این است که برای طول موج ۶۲۰nm بیشترین پهن‌شدگی را نداریم یا به عبارت دیگر درهم‌تنیدگی تاثیری در حذف پاشندگی ندارد. از نکات قابل توجه نمودار محل قله است که در نزدیکی ۷۷۵nm اتفاق افتاده است. در واقع زمانی که مخرج معادله ۶ به کمترین میزان خود می‌رسد ($\tau_i+\tau_s=0$) یعنی زمانی که سرعت فوتون سیگنال و آیدلر یکسان ولی از لحاظ علامت مخالف هم هستند. این امر نشان می‌دهد که هر اندازه سرعت حرکت فوتون‌های تولید شده در داخل بلور غیر خطی به هم نزدیکتر باشد (فوتون‌ها متمایز پذیر نباشند ($\tau_s=\tau_i$)) اثر پاشندگی به‌هنگام عبور فوتون از یک محیط پاشنده بیشتر حذف می‌شود و هر اندازه اختلاف سرعت این دو فوتون از هم بیشتر باشد ($\tau_s=-\tau_i$) پاشندگی بیشتر نمود پیدا می‌کند.



شکل۴: تاثیر پاشندگی بر روی عمق مندل وقتی که فوتون سیگنال از محیطی با پاشنده‌گی β_s عبور کند.

۴- نتیجه گیری:

یکی از پدیده‌هایی که در اپتیک کوانتومی رخ می‌دهد حذف اثر پاشندگی برروی فوتون است. این حذف شدگی به صورت تحلیلی در این مقاله نشان داده شده است و همچنین با استفاده از یک چیدمان اپتیکی اثبات شده است که درهم‌تنیدگی نقشی در این موضوع ندارد بلکه اختلاف سرعت گروه سیگنال و آیدلر نسبت به پمپ است که باعث این پهن شدگی می‌شود.

مراجع

[1] T. Herbst, T. Scheidl, M. Fink, J. Handsteiner, B. Wittmann, R. Ursin, and A. Zeilinger, Proc. Natl. Acad. Sci. **112**, 14202 (2015).

[2] G. Breitenbach, S. Schiller, and J. Mlynek, Nature **387**, 471 (1997).

[3] A. Einstein, B. Podolsky, and N. Rosen, Phys. Rev. **47**, 777 (1935).

[4] A. Steinberg, P. Kwiat, and R. Chiao, Phys. Rev. Lett. **68**, 2421 (1992).

[5] C. Law, I. Walmsley, and J. Eberly, Phys. Rev. Lett. **84**, 5304 (2000).

[6] Y. Jeronimo-Moreno and A. U'Ren, Phys. Rev. A **79**, 33839 (2009).

[7] B. Brecht, A. Eckstein, A. Christ, H. Suche, and C. Silberhorn, New J. Phys. **13**, 65029 (2011).

این مقاله به شرط در دسترس بودن در وبگاه www.opsi.ir معتبر است.

[Downloaded from www.opsi.ir on 2026-11-05]