



بیست و هشتمین کنفرانس اپتیک و  
فوتونیک ایران و چهاردهمین کنفرانس  
مهندسی و فناوری فوتونیک ایران،  
دانشگاه شهید چمران اهواز،  
خوزستان، ایران.  
۱۴-۱۲ بهمن ۱۴۰۰



## بررسی و مدل سازی تأثیر دما ناشی از تابش نور بر روی بافت مغزی و پاسخ

### سلول های عصبی در کنترل اپتوژنتیکی

بتول نصرآبادی، محمد اسماعیل زیبائی\*، سیده مهشاد حسینی

پژوهشکده لیزر و پلاسما، دانشگاه شهید بهشتی، تهران

m\_zibaye@sbu.ac.ir

چکیده - اپتوژنتیک یک ابزار نوری پیشرفته در تحقیقات علوم اعصاب است. با این وجود، تحریک نوری در آزمایش های اپتوژنتیک ممکن است نه تنها با تحریک مستقیم کانال های یونی حساس به نور، بلکه با تولید گرما نیز بر عملکرد عصبی تأثیر بگذارد. در این مقاله اثر افزایش دما در بافت مغز ناشی از تابش بافت مدل سازی شده است. برای بررسی اثر دما بر روی اسپایک نورون ها، از مدل هاچکین-هاکسلی و مدل چهارحالتی چرخه فوتونی استفاده شده است. نتایج مدل سازی نشان می دهد که تابش دهی بافت مغزی توسط لیزر پالسی با فرکانس ۴۰ هرتز و دوره کاری ۹۰ درصد و طول موج ۵۹۳ نانومتر، در فاصله ۱۰ میکرومتر از نوک فیبر، به مدت ۶۰ ثانیه با توان ۴۰ میلی وات، منجر به تولید دمای ۳۹ درجه سانتی گراد می شود. نتایج به دست آمده نشان می دهد شدت لیزر در فاصله ۱ میلی متری به صفر میل می کند که این شدت توسط بافت جذب شده و سبب افزایش دمای ۲ درجه سانتی گراد می شود و نرخ اسپایک نورون ها را ۱۶/۶ درصد افزایش می دهد.

کلیدواژه- اپتوژنتیک، اسپایک، دما، مدل چرخه فوتونی، مدل هاچکین-هاکسلی.

## study and modeling of the temperature effect caused by light radiation on brain tissue and response of neurons in optogenetic control

Batul nasrabadi, Mohammad Ismail Zibaii\*, Seyedeh Mahshad Hosseini

Laser and Plasma Research Institute, Shahid Beheshti University, Tehran, Iran

m\_zibaye@sbu.ac.ir

**Abstract-** Optogenetics is an advanced optical tool in neuroscience research. However, light stimulation in optogenetic experiments may also affect neural function not only by directly stimulating light-sensitive channels, but also by generating heat. In this paper, the effect of increasing temperature of the brain tissue was studied with light stimulation. To investigate the effect of temperature on spike neuron, Hodgkin-Huxley model and the hippocampal pyramidal cell model have been used. The modeling results show that irradiation of brain tissue by pulsed laser with a frequency of 40 Hz, duty cycle of 90% and wavelength of 593 nm at a distance of 10 μm from the fiber, for 60 seconds with a power of 1 and 40 mW leads to temperature change to 39 °C. The results show intensity of the laser decreases to zero at a distance of 1 mm from tip of fiber, which is absorbed by the tissue and causes a temperature rise of 2 °C that can increase the spike rate of neurons by 16.6%.

**Keywords:** Hodgkin and Huxley model, Optogenetic, Photocycle model, Spike, Temperature.

$$b = \sqrt{a^2 - 1} \quad (3)$$

$\mu_a$  ثابت جذب و  $\mu_s$  ثابت پراکندگی می باشد. میزان افت هندسی  $g_{loss}$  به دلیل پخش نور در عمق بافت، در فاصله  $d$  از نوک فیبر نوری از رابطه زیر به دست می آید:

$$g_{loss} = \frac{\rho^2}{(d + \rho)^2} \quad (4)$$

درحالی که  $\rho$  به صورت زیر تعریف می شود و  $r$  نشان دهنده شعاع فیبرنوری است. در این رابطه  $n_t$  ضریب شکست بافت و  $NA_{fib}$  روزه عددی فیبرنوری می باشد که در مدل سازی به ترتیب برابر  $0.2$  میلی متر،  $1/36$  و  $0.48$  در نظر گرفته شده اند:

$$\rho = r \sqrt{\left(\frac{n_t}{NA_{fib}}\right)^2 - 1} \quad (5)$$

مطالعات نشان می دهد در بافت مغز پستانداران، اثرات ناشی از پراکندگی بسیار بیشتر از جذب است [۱]، بنابراین برای بررسی شدت نور نرمال  $I_N$  از رابطه زیر استفاده می شود:

$$I_N = \frac{I(d)}{I(d=0)} = g_{loss} T \quad (6)$$

$P$  توان منبع نور و  $\eta$  ثابت تزویج نور به فیبرنوری است. شدت نور در نوک فیبر  $I(d=0)$  توسط رابطه زیر محاسبه شود:

$$I(d=0) = \frac{P}{A\eta} \quad (7)$$

بنابراین شدت مورد نظر در عمق مشخص در بافت از رابطه زیر به دست می آید:

$$I(d) = I(d=0) \cdot I_N \quad (8)$$

برای اندازه گیری مقدار گرمای جذب شده از معادله حرارتی زیستی زیر می توان استفاده کرد:

$$\rho C_p \frac{\partial T}{\partial t} - \nabla(k \nabla T) + \rho_b \omega_b C_b (T - T_b) = Q \quad (9)$$

## مقدمه

اپتوژنتیک تلفیقی از سامانه های نوری و فناوری های مهندسی ژنتیک است. در مطالعات اپتوژنتیکی، با دستکاری ژنتیکی، پروتئین های حساس به نور به نام افسین بر روی سلول های عصبی ایجاد می شوند. این کانال های یونی حساس به نور در طیف خاصی از نور باز و بسته می شوند. در شبکه های عصبی، هر سلول عصبی زمانی که پتانسیل غشاء آن از یک حد آستانه بیشتر شده باشد، اسپایک تولید می کند. در اپتوژنتیک محبوب ترین افسین مورد استفاده  $ChR2$  است که توسط نور آبی فعال و اجازه عبور یون سدیمی از کانال عصبی داده می شود. نور با شدت بالا که برای تحریک افسین استفاده می شود ممکن است سبب افزایش دما شده و مشکلاتی را به وجود آورد. بنابراین پیش بینی شدت و وسعت فضایی هرگونه افزایش دما در طول تحریک اپتوژنتیک از اهمیت قابل توجهی برخوردار است. در این مقاله، اثرات انتقال حرارت ناشی از تحریک نوری در بافت مغزی بررسی می شود. سپس با استفاده از اثرات حرارتی انتشار نور در بافت، فعالیت سلول های عصبی مدل سازی شده است.

## فیزیک برهمکنش لیزر با بافت مغز

در اپتوژنتیک برای رساندن نور به ناحیه مورد نظر در بافت، از فیبرنوری استفاده می شود که با جراحی در ناحیه هدف در داخل بافت مغزی قرار داده می شود [۱]. در این مقاله برای مدلسازی جذب نور در عمق بافت از نرم افزار متلب استفاده شده است. مقدار عبوری  $T$  با در نظر گرفتن اثرات جذب و پخش نور از رابطه زیر به دست می آید.

$$T = \frac{b}{a \sinh(bd\mu_s) + b \cosh(bd\mu_s)} \quad (1)$$

مقادیر ثابت  $a$  و  $b$  را می توان بدین صورت به دست آورد:

$$a = 1 + \frac{\mu_a}{\mu_s} \quad (2)$$

$$\begin{aligned}\frac{dC_1}{dt} &= G_r C_2 + G_{d1} O_1 - K_1 C_1 \\ \frac{dO_1}{dt} &= K_1 C_1 - (G_{d1} + e_{12}) O_1 + e_{21} O_2 \\ \frac{dO_2}{dt} &= K_2 C_2 - (G_{d2} + e_{21}) O_2 + e_{12} O_1 \\ \frac{dC_2}{dt} &= G_{d2} O_2 - (K_2 + G_r) C_2\end{aligned}\quad (12)$$

$C_{(1,2)}$  و  $O_{(1,2)}$ ، احتمال حالت باز و بسته هستند.  $G_r$ ،  $G_{d(1,2)}$ ،  $K_{(1,2)}$ ،  $e_{12}$  و  $e_{21}$  مربوط به سرعت گذار بین حالت‌های باز و بسته می‌باشند.  $p$  تابع نرخ فعال‌سازی،  $T_{ChR2}$  ثابت زمانی فعال‌سازی کانال و  $S_0$  تابش وابسته به تابع زیگموند می‌باشد که نرخ فعال‌سازی در حالت پایدار را مشخص می‌نماید:

$$\frac{dp}{dt} = \frac{(S_0(\theta) - p)}{T_{ChR2}} \quad (13)$$

الگوی تابش نور لیزر توسط تابع هوی-ساید تعریف می‌شود:

$$\theta(t) = \sum_i \Theta(t - t_{on}) - \Theta(t - t_{off}) \quad (14)$$

بنابراین  $I_{ChR2}$  از رابطه زیر به دست می‌آید که  $G(v)$  تابع یکسوساز وابسته به ولتاژ و  $Y$  نسبت  $O_2/O_1$  می‌باشد:

$$I_{ChR2} = g_{ChR2} G(V)(O_1 + YO_2)(V - E_{ChR2}) \quad (15)$$

پتانسیل عمل سلول‌های عصبی با حل معادلات هاجکین-هاکسلی و مدل چهارحالت چرخه فوتونی در بخش حل معادلات دیفرانسیل نرم افزار کامسول شبیه‌سازی شده است. پارامترهای مربوط به روابط بالا با توجه به مقاله مرجع [۲] در نظر گرفته شده‌اند.

### نتایج

برای بررسی شدت نور از معادله (۸) توضیح داده شده در بخش اول استفاده شده است و نتایج در شکل ۱ مشاهده می‌شود. با توجه به شدت  $10 \text{ mw/mm}^2$  که شدتی مناسب برای تحریک سلول‌ها می‌باشد و در شکل ۱ به صورت خط‌چین نمایش داده شده است، مشاهده می‌شود فاصله

که  $p$  نشان‌دهنده چگالی،  $C_p$  گرمای ویژه و  $k$  ضریب هدایت حرارتی بافت مغزی می‌باشد.  $\rho_b$  چگالی خون،  $\omega_b$  پرفیوژن خون،  $C_b$  گرمای ویژه خون،  $T$  دمای بافت مغزی و  $T_b$  دمای خون است. پارامترهای مربوط به روابط بالا با توجه به مرجع [۱] در نظر گرفته شده‌اند.

### فیزیک اثر دما بر روی نرخ اسپایک نورون‌ها

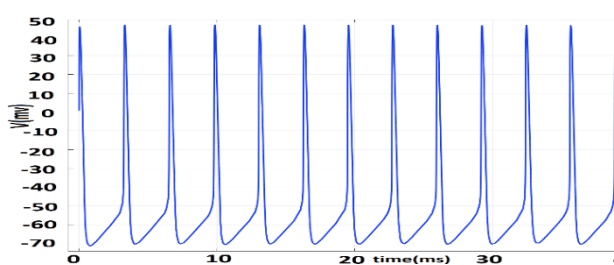
برای بررسی چگونگی آغاز و پخش پتانسیل عمل در سلول‌های عصبی، از مدل هاجکین-هاکسلی استفاده می‌شود. سلول عصبی شامل کانال سدیمی و پتاسیمی تحت تابش نوری، برای بررسی رفتار سیگنالی در نظر گرفته شده است و هر یک از اجزا سلول با یک مؤلفه فیزیکی نمایش داده می‌شود. کانال یونی وابسته به زمان و ولتاژ با  $g_n$  و کانال‌های نشستی با یک رسانایی خطی  $g_L$ ، پتانسیل غشا توسط  $V_m$  و غشاء خازن با  $C_m$  نشان داده می‌شود. احتمال باز و بسته بودن کانال‌های یونی توسط مقادیر  $m$ ،  $n$  و  $h$  داده می‌شود.

$$\begin{aligned}C_m \frac{\partial V_m}{\partial t} &= g_{Na^+} m^3 h (V_m - E_{Na^+}) + g_{K^+} n^4 (V_m - E_{K^+}) \\ &+ g_L (V_m - E_L) = -(I_L + I_{Na} + I_K = I_i)\end{aligned}\quad (10)$$

دما بر حداکثر رسانایی و سرعت باز و بسته شدن کانال‌های یونی تأثیر می‌گذارد. اگر افسین در سلول بیان شود جریان کانال حساس به نور از مدل چهارحالت چرخه فوتونی به دست می‌آید، که این عبارت نیز به رابطه (۱۰) اضافه می‌شود. همچنین از طریق رابطه زیر می‌توان پتانسیل عمل را در دماهای مختلف بررسی نمود:

$$C_m \frac{dV}{dt} = -(I_i + I_{ChR2}) \quad (11)$$

مدل چهارحالت چرخه فوتونی دارای دو حالت باز  $O_1$  و  $O_2$  و بسته  $C_1$  و  $C_2$  می‌باشد و  $ChR2$  بین این جابه‌جا می‌شود. این چهار معادله برای به دست آوردن جریان کانال حساس به نور استفاده می‌شوند:



شکل ۴: پتانسیل عمل نورون‌ها در دمای ۳۹ درجه.

شکل‌های ۳ و ۴ نشان می‌دهند که با افزایش دمای ۲ درجه سانتی‌گراد در بافت مغزی با استفاده از لیزر ۵۹۳ نانومتر با توان ۴۰ میلی‌وات در مدت‌زمان ۶۰ ثانیه، نرخ اسپایک ۱۶/۶ درصد نسبت به دمای ۳۷ درجه افزایش یافته است.

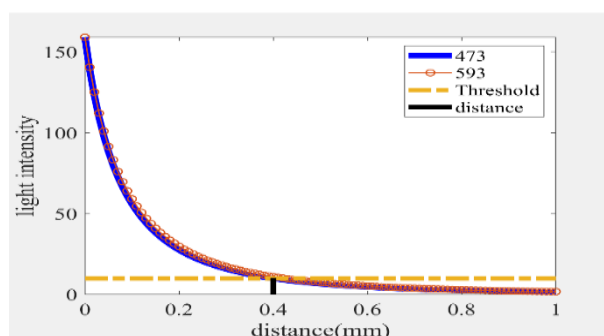
### نتیجه‌گیری

نور با شدت بالا که برای تحریک اپتورژنتیک استفاده می‌شود سبب افزایش دما شده و مشکلاتی را به وجود می‌آورد. در این مقاله مشاهده شد افزایش دما به مقدار ۲ درجه سانتی‌گراد توسط لیزر پالسی با فرکانس ۴۰ هرتز و دوره کاری ۹۰ درصد، در فاصله ۱۰ میکرومتر، نرخ اسپایک را از ۲۵۰ هرتز به ۳۰۰ هرتز تغییر می‌دهد که با نتایج مقاله [۳] همخوانی دارد. بنابراین در مطالعات اپتورژنتیکی لازم است الگوی تابش‌دهی را به‌گونه‌ای انتخاب کرد که منجر به تغییر دما در بافت مغزی نشود تا اختلالی در روند سیگنال عصبی ناشی از تحریک نوری ایجاد ننماید.

### مرجع‌ها

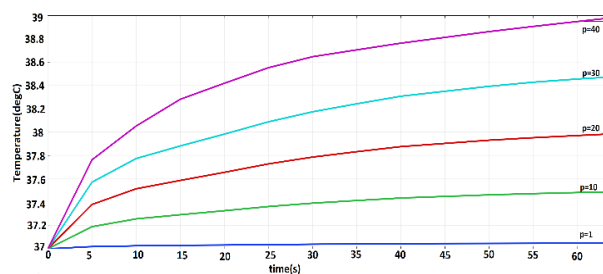
- [۱] R. Zhou, H. Chen and Z. Mou, "FEM Model of the Temperature Distribution in the Brain during Enhanced Infrared Neural Stimulation Using Nanoparticles", Journal of Applied Mathematics and Physics, vol. ۰۷, no. ۰۲, pp. ۳۸۱-۳۹۳, ۲۰۱۹.
- [۲] R. Schoeters, T. Tarnaud, L. Martens, W. Joseph, R. Raedt and E. Tanghe, "Hodgkin and Huxley Opsin Model for Computationally Efficient Optogenetic Neurostimulation in Cells and Networks", ۲۰۲۰.
- [۳] H. Peixoto, R. Cruz, T. Moulin and R. Leão, "Modeling the Effect of Temperature on Membrane Response of Light Stimulation in Optogenetically-Targeted Neurons", Frontiers in Computational Neuroscience, vol. ۱۴, ۲۰۲۰.

مورد نظر از نوک فیبرنوری برای فعال‌سازی ChR۲، ۰/۳۹ میلی‌متر در طول‌موج ۴۷۳ نانومتر و برای فعال‌سازی halorhodopsin، ۰/۴۲ میلی‌متر در طول‌موج ۵۹۳ نانومتر است. مشاهده می‌شود شدت نور در فاصله ۱mm از نوک فیبرنوری به صفر میل می‌کند.



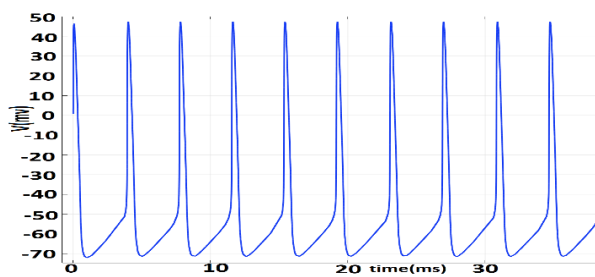
شکل ۵: شدت نور در عمق بافت برای دو نور آبی و زرد.

در شکل ۲ نتایج حاصل از نرم افزار کامسول که با استفاده از معادلات (۸) و (۹) برای فاصله ۱۰ میکرومتر از نوک فیبرنوری در طول‌موج ۵۹۳ نانومتر به دست آمده است، نشان داده شده است.



شکل ۶: تغییرات دما برای طول‌موج ۵۹۳ نانومتر.

نرخ اسپایک سلول عصبی با استفاده از معادلات (۱۰) و (۱۲)، در ۳۷ و ۳۹ درجه سانتی‌گراد در شکل‌های ۳ و ۴ بررسی شده است.



شکل ۳: پتانسیل عمل نورون‌ها در دمای ۳۷ درجه.