

## کلیدزنی تمام نوری موج پیوسته در مزدوج موازی گرافنی براساس اثر غیر خطی کر

طیبه بیدبرگ، محسن حاتمی

دانشکده فیزیک، دانشگاه صنعتی شیراز، شیراز

چکیده - در این مقاله ابتدا معادلات حاکم بر انتشار موج را با استفاده از نظریه اختلال مرتبه اول در یک مزدوج موازی غیرخطی گرافنی به دست آورده و با شبیه سازی انتشار موج در آن نشان داده ایم که می توان به یک کلیدزنی تمام نوری با توان ۷-۳ میکرووات بر میلی متر برای طول ۱.۲ میکرومتر دست یافت. در محاسبات فرض شده که اثرهای غیرخطی و هر لایه گرافن از مزدوج موازی به عنوان یک اختلال بر روی لایه دیگر اثر کرده ولی بر روی مد انتشاری هر لایه اثر ندارد.

کلید واژه - طول انتقال، اثر غیرخطی کر، کلیدزنی تمام نوری، گرافن.

## All Optical CW Switching in Graphene Directional Coupler Based on Nonlinear Kerr Effect

Tayebeh Bidbarg, Mohsen Hatami

Department of Physics, Shiraz University of Tecnology, Shiraz

Abstract- In this paper first we derive equation of CW wave propagation in graphene nonlinear directional coupler by using first order perturbation theory. By simulation of the wave propagation we have shown that it can be reached to an all optical self-switch within  $3\text{--}7\mu\text{Watt/mm}$  at the length of  $1.2\mu\text{m}$ . In this calculation it is supposed that the nonlinear effects and each graphene layer has affected as perturbation on the other layer but have no effect on each layer.

Keywords: Transfer length, Nonlinear Kerr effect, All Optical Switching, Graphene.

## ۱- مقدمه

به ترتیب در  $x = -\frac{d}{2}$  و  $x = +\frac{d}{2}$  قرار دارند [۳].

$\omega$  فرکانس زاویه‌ای و  $\tilde{J}_{2,1}$  چگالی جریان القایی لایه‌های گرافن است. در حالت خطی جریان القا شده را طبق رابطه‌ی  $\vec{J}_{2,1} = \sigma \vec{E}_{2,1}$  در نظر می‌گیریم که در آن  $\sigma = \sigma^{(R)} + i\sigma^{(I)}$  رسانش خطی گرافن است [۴].

با استفاده از معادلات ماکسول معادلات میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی برای اطراف تک لایه گرافن بدست می‌آوریم و با اعمال شرایط مرزی و جایگذاری  $k = k_0 \sqrt{(\beta/k_0)^2 - \epsilon/\epsilon_0}$  به رابطه پاشندگی زیر می‌رسیم:

$$\beta = k \sqrt{\frac{\epsilon}{\epsilon_0} + \left( \frac{2\epsilon\omega}{k\sigma} \right)} \quad (3)$$

در حالت غیرخطی جریان القایی بصورت زیر در نظر می‌گیریم:

$$\vec{J} = \hat{\sigma} \vec{E} = (\sigma + \sigma |\vec{E}|) \vec{E} \quad (4)$$

که  $\sigma$  و  $\sigma^{NL}$  به ترتیب به صورت زیر هستند [۴]:

$$i \frac{\sigma}{\pi} = \left[ \frac{4|\mu|}{\hbar\omega + i\Gamma} - \varsigma(\hbar\omega + i\Gamma) \right] \quad (5)$$

$$\sigma = \frac{6I}{\epsilon c} \sigma^-(\omega, \omega, -\omega) \quad (6)$$

که  $\sigma^-(\omega, \omega, -\omega)$  اثر غیرخطی کر است و تابع  $\varsigma(\theta)$  در  $\mathcal{G} = \mathcal{G} + i\mathcal{G}$  بصورت زیر تعریف می‌شود [5]:

$$\varsigma(\theta) = \ln \left| \frac{2\mu + \mathcal{G}}{2\mu - \mathcal{G}} \right| + i \left( \pi + \arctan \frac{\mathcal{G} - 2\mu}{\mathcal{G}} - \arctan \frac{\mathcal{G} + 2\mu}{\mathcal{G}} \right) \quad (7)$$

از معادلات ۱ و ۲ شروع می‌کنیم و با انجام عملیات ریاضی به معادله زیر می‌رسیم:

$$\nabla \vec{H} + \omega \epsilon \mu \vec{H} - \frac{i\hat{\sigma}}{\omega \epsilon} \delta(x \mp \frac{d}{2}) \frac{\partial \vec{H}}{\partial x}$$

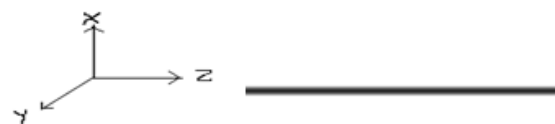
گرافن یک ساختار لانه زنبوری با پهنای یک اتم است که اولین بار در سال ۲۰۰۴ به روش مکانیکی از گرافیت جدا شده است [۱]. ویژگی‌های منحصر به فرد آن، مانند رسانندگی الکتریکی، رسانندگی گرمایی، چگالی بالا و استحکام مکانیکی بالا باعث شده که توجه زیادی را به خود جلب کند. ویژگی‌های مذکور باعث شده که گرافن در ترازیتورها، نیمه‌هادی‌ها و ... کاربرد داشته باشد [۳ و ۲]. در اینجا معادلات حاکم بر انتشار موج را برای دولایه گرافن بدست می‌آوریم. و در نهایت به شبیه‌سازی انتشار موج پرداخته و کلید زنی تمام نوری را بررسی کرده، که کلیدزنی نوری یک عمل اساسی در شبکه‌های مخابراتی و سیستم پردازش سیگنال است. و توان کلید زنی و طول لازم برای آن را بدست می‌آوریم.

## ۲- محاسبات ریاضی

دولایه گرافن را مطابق شکل (۱) در  $x = \pm \frac{d}{2}$  در نظر می‌گیریم که اطراف آنها ماده‌ی دی الکتریک همگن با ضریب گذردهی  $\epsilon$  فرا گرفته است. با در نظر گرفتن مد TM و میدان زمانی هارمونیک  $\exp(-i\omega t)$  معادلات ماکسول به شکل زیر نوشته می‌شود:

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} = i\omega \mu \vec{H} \quad (1)$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{H} = -i\omega \epsilon \vec{E} + \delta \left( x \mp \frac{d}{2} \right) \vec{J} + \delta \left( x \mp \frac{d}{2} \right) \vec{J}$$



شکل ۱: یک مزدوج موازی غیرخطی گرافنی که از دو لایه گرافن تشکیل شده است. لایه پایینی لایه‌ی (۱) و لایه‌ی بالایی لایه‌ی (۲)

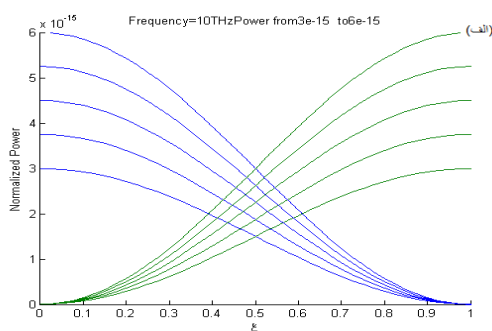
هدف ما در این مقاله بررسی معادلات کوپل شده در حالت موج پیوسته غیرخطی (cw) است. در نتیجه از مشتقات زمانی در معادله (۱۳) صرف نظر می کنیم و با تغییر متغیرهای  $\xi = \frac{z}{L}$ ،  $Q = \frac{\pi}{2L}$  و  $L = \frac{\beta}{2P\gamma k\epsilon\omega}$  معادلات حاکم بر انتشار موج در لایه پایین و بالا به صورت زیر به دست می آیند:

$$\frac{\partial U}{\partial \xi} = -\frac{1}{2}\alpha L U + i\frac{L}{L}|U|U - i\frac{\pi}{2}U \quad (14)$$

که در آن  $\alpha = \frac{k\sigma}{\omega\epsilon\beta}$  ضریب جذب غیرخطی است.

### ۳- شبیه سازی

با استفاده از معادله (۱۴) انتشار موج را در موجبرهای گرافنی به کمک نرم افزار متلب، بررسی می کنیم. شکل ۲ (الف) توان انتشاری در طول مزدوج موازی گرافنی به ازای توان ورودی ۳ میکرووات بر میلی متر در لایه بالا و پایین نشان می دهد. به ازای توان کم به خاطر جفت شدگی خطی خروجی از لایه پایین انجام می شود. شکل ۲ (ب) و (پ) توان خروجی بر حسب توان ورودی به ترتیب در توان های ۳-۶ و ۳-۷ میکرووات بر میلی متر و فرکانس ۲۶.۶۶۶۷ تراهرتز رسم شده است. که با زیاد شدن توان، نقطه بحرانی و نقطه سوئیچ زنی نیز افزایش می یابد. در توان های بالا خروجی از پایین داریم و با کاهش توان خروجی از بالا داریم.



$$-\frac{i\sigma}{\omega\epsilon}\delta(x\mp\frac{d}{2})\frac{\partial\tilde{H}}{\partial x}-\frac{i\sigma}{\omega\epsilon}\delta(x\mp\frac{d}{2})\frac{\partial\tilde{H}}{\partial x}-\frac{i\sigma}{\omega\epsilon}\delta(x\mp\frac{d}{2})\frac{\partial\tilde{H}}{\partial x}=0 \quad (8)$$

مؤلفه ی میدان مغناطیسی به صورت زیر در نظر می گیریم [6]:

$$\tilde{H}(r,\omega-\omega_0)=h(x)\tilde{C}(z,\omega-\omega_0)\exp(i\beta z) \quad (9)$$

$\tilde{C}(z,\omega-\omega_0)$  تابع کندتغییری از  $z$  و  $h_{2,1}(x)=\pm\exp\left(-k\left|x\mp\frac{d}{2}\right|\right)$  هست. با قرار دادن معادله ۹ در معادله ۸ و با استفاده از جداسازی متغیرها به معادله زیر می رسیم:

$$\frac{dh(x)}{dx}+\left(\omega\epsilon\mu-\tilde{\beta}-\frac{i\sigma}{\omega\epsilon}\delta(x\mp\frac{d}{2})\frac{\partial}{\partial x}\right)h(x)=0 \quad (10)$$

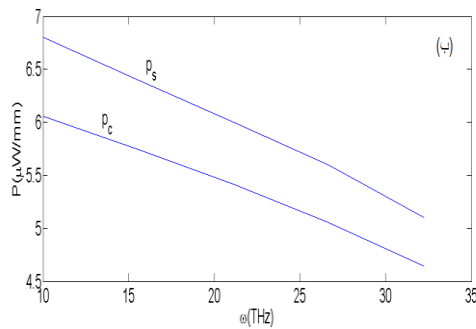
$$2i\beta\frac{\partial\tilde{C}}{\partial z}+(\tilde{\beta}-\beta)\tilde{C}=\left(\frac{k\sigma}{\omega\epsilon}\exp(-kd)\right)\tilde{C} \quad (11)$$

در اینجا  $Q=\frac{\sigma^{(I)}k^3}{2\omega\epsilon\beta}\exp(-kd)$  ضریب جفت شدگی است.  $\tilde{\beta}(\omega)$ ، بیانگر عدد موج در موجبر غیرخطی می باشد و از رابطه  $\tilde{\beta}(\omega)=\beta(\omega)+\Delta\beta(\omega)$  به دست می آید.  $\Delta\beta(\omega)$  میزان اختلال عدد موج در اثر تأثیرات غیر خطی می باشد که به صورت زیر محاسبه می شود [۶]:

$$\Delta\beta=\frac{ik}{2\epsilon\omega\beta}\left[\sigma+\frac{\sigma|k||\tilde{C}|}{(\omega\epsilon)}\right] \quad (12)$$

با استفاده از تقریب  $\tilde{\beta}^2-\beta_0^2\approx 2\beta_0(\tilde{\beta}-\beta_0)$  و بسط تیلور  $\beta(\omega)=\beta_0+(\omega-\omega_0)\beta_1+\dots$  در معادله ۱۰ و انتقال فوریه از محدوده ی بسامدی به محدوده ی زمان، این معادله را به محدوده ی زمان می بریم و به صورت زیر تبدیل می شود:

$$i\frac{\partial C}{\partial z}+i\beta\frac{\partial C}{\partial t}-\frac{\beta}{2}\frac{\partial C}{\partial t}-\frac{i}{6}\beta\frac{\partial C}{\partial t}+\frac{i}{2}\alpha C+g(\omega)|C|C-QC=0 \quad (13)$$



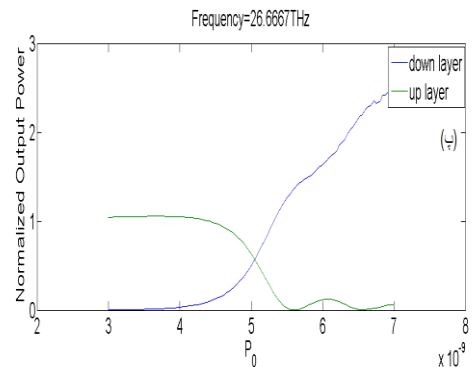
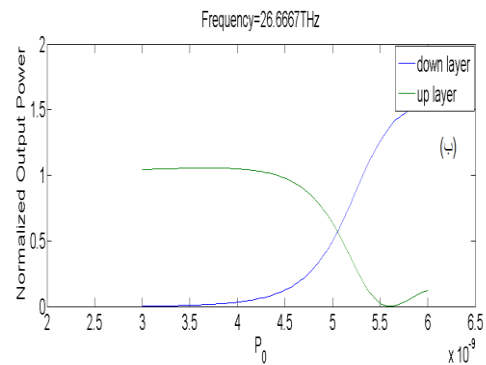
شکل ۳: قسمت (الف) و (ب) به ترتیب توان بحرانی و توان سوئیچینگ در توان ورودی ۳-۶ میکرووات بر میلی‌متر و (پ) و (ت) به ترتیب توان بحرانی و توان سوئیچینگ در توان ورودی ۳-۷ میکرووات بر میلی‌متر نشان می‌دهد.

#### ۴- نتیجه‌گیری

به علت اهمیت گرافن ابتدا با استفاده از نظریه‌ی اختلال مرتبه اول و در نظر گرفتن اثر غیرخطی کر معادلات حاکم بر انتشار موج در یک مزدوج موازی گرافنی بدست آورده‌ایم و با شبیه سازی معادله‌ی انتشار موج با توجه به توان کم در حد ۳-۷ میکرو و طول ۱.۲ میکرومتر برای کلیدزنی در مزدوج موازی گرافنی برای بررسی مدارهای مجتمع تمام نوری دست یافته‌ایم. در مقایسه با کلیدزنی فیبر ابعاد فوق‌العاده کوچک می‌شود و انرژی مورد نیاز کاهش می‌یابد.

#### مراجع

- [1] K. S. Novoselov, A. K. Geim, "Electric field effect in atomically thin carbon films", *Science*, Vol. 306, No. 5696, pp. 666-669, 2004.
- [2] C. Soldano, A. Mahmood, "Production, properties and potential of graphene", *Carbon*, Vol. 48, No. 8, pp. 2127-2150, 2010.
- [3] D. A. Smirnova, A. V. Gorbach, "Nonlinear switching with a graphene coupler", *Physical Review B*, Vol. 88, No. 4, pp. 045443, 2013.
- [4] J. L. Cheng, N. Vermeulen, and J. E. Sipe, "Third-order nonlinearity of graphene: Effects of phenomenological relaxation and finite temperature," *Phys. Rev. B* 91, 235320 (2015)
- [5] D. Smirnova, Y. S. Kivshar, "Second-harmonic generation in subwavelength graphene waveguides", *Physical Review B*, Vol. 90, No. 16, pp. 165433, 2014
- [6] D. Smirnova, Y. S. Kivshar, "Second-harmonic generation in subwavelength graphene waveguides", *Physical Review B*, Vol. 90, No. 16, pp. 165433, 2014



شکل ۲: (الف) توان انتشاری در طول مزدوج موازی، (ب) توان خروجی بر حسب توان ورودی در توان ۳-۶ میکرووات بر میلی‌متر و (پ) توان خروجی بر حسب توان ورودی در توان ۳-۷ میکرووات بر میلی‌متر نشان می‌دهد.

شکل ۳ (الف) و (ب) به ترتیب توان بحرانی و توان سوئیچینگ بر حسب فرکانس در توان ورودی ۳-۶ میکرووات بر میلی‌متر رسم شده است و قسمت (پ) و (ت) نیز به ترتیب توان بحرانی و توان سوئیچینگ در توان ورودی ۳-۷ میکرووات بر میلی‌متر نشان می‌دهد. همان طور که در شکل ۳ دیده می‌شود با افزایش توان ورودی توان بحرانی و توان سوئیچینگ افزایش می‌یابد

