



تعیین ثابت گذردهی و جذب تک لایه‌های WSe_2 در ناحیه‌ی طول موج مرئی

نرگس انصاری، فریناز قربانی و مریم مرادی

گروه فیزیک، دانشگاه الزهراء، تهران

چکیده - لایه‌های دوبعدی کلکوژنایدهای فلزات واسطه (TMDC) با گاف‌های نواری مستقیم افق جدیدی در کاربری این مواد در فوتونیک و الکترواپتیک ایجاد کرده است. تک لایه WSe_2 به عنوان یکی از TMDC ها دارای ویژگی‌های اپتیکی ویژه‌ای می‌باشد. در این مقاله مدل لورنتس را برای ثابت گذردهی تک لایه WSe_2 در ناحیه طول موج مرئی و مادون قرمز نزدیک استفاده کرده‌ایم که تطابق بسیار خوبی با نتایج تجربی دارد. رفتار جذب ساختار همانند رفتار قسمت موهومی ثابت گذردهی تک لایه WSe_2 است و قله‌های جذب بر فرکانس‌های تشدید مدل لورنتس منطبق می‌باشد. جذب تک لایه WSe_2 در حضور چند زیرلایه‌ی متعارف در کارهای تجربی را بررسی نموده و دریافتیم که استفاده از زیرلایه باعث کاهش میزان جذب می‌شود و با افزایش ضریب شکست زیرلایه میزان جذب کاهش می‌یابد. نتایج ما برای استفاده از تک لایه WSe_2 در ادوات اپتوالکترونیک می‌تواند مفید باشد.

کلید واژه - تک لایه WSe_2 ، ثابت گذردهی، جذب، کلکوژنایدهای فلزات واسطه، مدل لورنتس.

Determination of Permittivity and Absorption of WSe_2 Monolayers in the Visible Wavelength

Narges Ansari, Farinaz Ghorbani, Maryam Moradi

Department of Physics, Alzahra University, Tehran

Abstract- Two dimensional transition metal dichalcogenide (TMDC) layers with direct band gap have opened new research horizon for application in photonics and optoelectronics. WSe_2 monolayer from TMDCs family shows interesting optical properties. In this paper, we applied the Lorentz model to determine the permittivity of single WSe_2 layer in visible and infrared range and found good agreement with those of experimental results. The absorption of the structure is similar to imaginary component of the single WSe_2 layer and absorption peaks are found to be coincidence with Lorentz resonance wavelength. We furthermore investigate the absorption of single WSe_2 layer on different substrates which is commonly used in experiments. It is found that the substrate has an important role to reduce the absorption and absorption decreases with increasing the refractive index of substrate. Our results can be useful to design optoelectronic devices designed based on TMDCs.

Keywords: absorption, Lorentz model, permittivity, transition metal dichalcogenide, WSe_2 monolayer

۱- مقدمه

برهم کنش‌های نور-ماده و توصیف خصوصیات مواد با کمک تابع دی‌الکتریک مواد امکان‌پذیر می‌شود. با استفاده از تابع دی‌الکتریک می‌توان بین داده‌های تجربی و تئوری طیف جذب و عبور و بازتاب ارتباط برقرار کرد. در مرجع [۵]، تابع دی‌الکتریک تک لایه‌های TMDC با استفاده از آنالیز مقید کرامرز کرونیگ طیف بازتاب، بدست آمده است. استفاده از این روش مستلزم بکارگیری تعداد زیادی فرکانس تشدید در فرایند محاسبات است که زیاد بودن تعداد فرکانس‌ها از نظر فیزیکی مطلوب نیست.

ما در این مقاله به بررسی ویژگی‌های اپتیکی WSe_2 به عنوان یکی از مواد TMDC می‌پردازیم. با استفاده از مدل لورنتس در ناحیه مرئی و نزدیک مادون قرمز که فقط چهار فرکانس تشدید در آن بکار رفته تابع دی‌الکتریک تک‌لایه WSe_2 را بدست آورده‌ایم که تطابق بسیار خوبی بین نتایج تئوری در مورد طیف‌های بازتاب و جذب با طیف‌های تجربی در مرجع [۵] بدست‌آمده است. همچنین تاثیر زیرلایه بر ویژگی‌های اپتیکی این تک لایه و میزان جذب آن را نیز بررسی کرده‌ایم.

۲- تئوری

ساختار مورد بررسی شامل دو محیط دی‌الکتریک نیمه بی‌نهایت هوا و زیر لایه به ترتیب با ضریب شکست n_0 و n_s می‌باشد که تک لایه WSe_2 در مزر بین دو محیط هوا و زیرلایه قرار دارد.

برای بدست آوردن مشخصه‌های اپتیکی ساختار، طیف عبور، جذب و بازتاب، نیازمند ارائه‌ی مدل برای ثابت گذردهی تک لایه WSe_2 هستیم. مدل لورنتس به عنوان مدل مناسب توجیح کننده خواص نوری تک لایه WSe_2 در محدوده‌ی طول موج مرئی، ۳۰۰ تا ۸۰۰ نانومتر پیشنهاد می‌شود که در این مدل ثابت گذردهی به صورت

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_{\infty} + \sum_{j=1}^p \frac{a_j \omega_j^2}{\omega_j^2 - \omega^2 - i\omega b_j}$$

تعریف می‌شود که در آن ω_p فرکانس پلاسما، ε_{∞} گذردهی DC، ω_j فرکانس تشدید، a_j قدرت نوسان و b_j فاکتور میرایی نوسانگر j ام می‌باشد [۶]. ثابت گذردهی تک لایه WSe_2 را می‌توان به صورت $\varepsilon = \varepsilon_{real} + i\varepsilon_{imag}$ نمایش داد. که ε_{real} و ε_{imag} به ترتیب قسمت حقیقی و موهومی ثابت گذردهی می‌باشد.

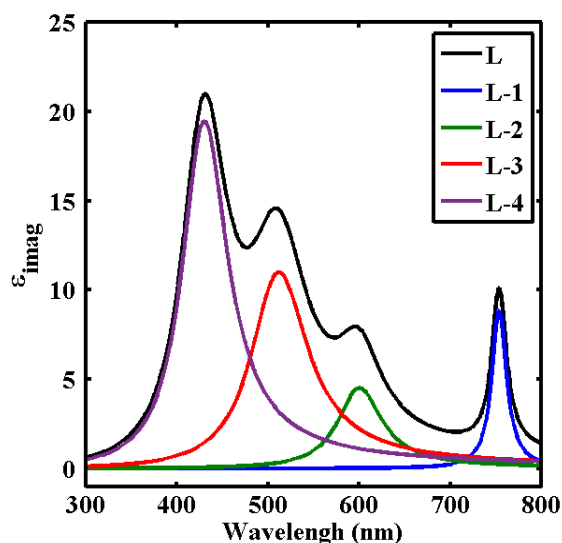
پیشرفت‌های اخیر در توسعه لایه‌های اتمی نازک از بلورهای توده‌ای با پیوند واندروالس برای اکتشاف لایه‌های دوبعدی، فرصت‌های جدیدی در کاربردهای مواد ایجاد کرده است. این مواد دو بعدی جدید دارای خواص مکانیکی، الکترونیکی و نوری قابل توجهی هستند که در همتایان توده‌ای‌شان وجود ندارد [۱]. با این خواص منحصر به فرد، بلورهای دو بعدی علاقه علمی و فن آوری فوق العاده‌ای را به خود جلب کرده‌اند. گرافن برجسته‌ترین مثال از بلورهای دو بعدی است که ساختار دو بعدی آن، خواص الکترونی و نوری منحصر به فردی را ایجاد کرده است اما عدم وجود یک شکاف انرژی تا حد زیادی کاربرد آن در نیمه هادی مورد نیاز را محدود می‌کند. تک لایه‌های کلکوژناید‌های فلزات واسطه^۱ (TMDC) با فرمول شیمیایی MX_2 ($M = Mo, W; X = S, Se$)، گاف‌های نواری مستقیم در ناحیه‌ی مادون قرمز نزدیک و مرئی دارند که افق جدیدی در کاربری این لایه‌های دوبعدی برای فوتونیک به عنوان تابشگر و آشکارسازها و الکترونیک‌های نوری به‌عنوان ترانزیستور باز کرده‌اند [۲].

تعامل ضعیف بین لایه‌ی واندروالس TMDC ها اجازه می‌دهد تا این مواد با طیف وسیعی از زیرلایه‌ها انطباق پیدا کنند که از ویژگی‌های مطلوب تابشگرهای کوانتومی دو بعدی است که روی زیرلایه‌های مختلف با ضریب اطمینان منتقل می‌شوند که ادغام بر روی تراشه مدارهای فوتونی کوانتومی را قادر می‌سازد [۳].

از سوی دیگر به دلیل برهمکنش قوی نور-ماده و گاف نواری مطلوب ۱ تا ۲ الکترون ولت این مواد، جذب نور خورشید در ضخامت کمتر از ۱ نانومتر در حدود ۵ تا ۱۰ درصد گزارش شده که جذب بیشتری از GaAs و Si را نشان داده است [۴]. جذب نوری تک لایه‌های TMDC در ناحیه‌ی طیفی مرئی و مادون قرمز نزدیک، از طریق انتقال مستقیم بین نوار ظرفیت و نوارهای رسانش است که توجه زیادی را به عنوان منابع تک فوتون بر اساس گاف مستقیم جلب کرده است. به عنوان مثال، تاکنون چندین آشکارساز نوری بر اساس منابع تک فوتون دی‌سولفید مولیبدن، MoS_2 ، و دی-سلنید تنگستن، WSe_2 ، با راندمان بالا در طول موج‌های مرئی ساخته شده‌اند [۳].

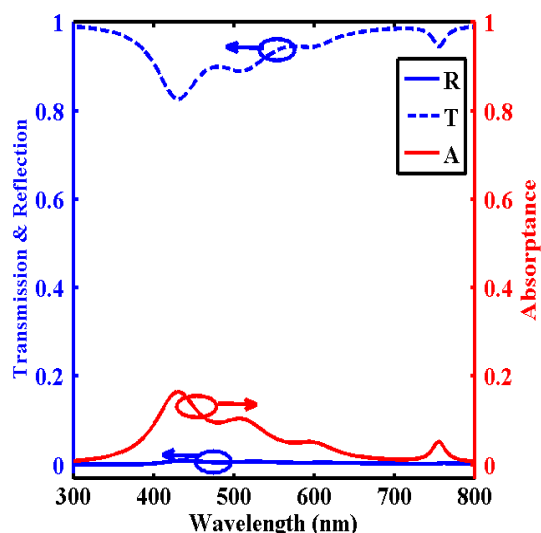
¹ Transition Metal Dichalcogenides (TMDC)

نشان داده شده است.



شکل ۲- بخش‌های موهمی ثابت گذردهی مربوط به مدل لورنتس برای $j=1,2,3,4$

ویژگی‌های اپتیکی، طیف عبور، بازتاب و جذب، تک لایه WSe_2 معلق یعنی برای حالتی که زیر لایه هوا باشد، در شکل ۳ نشان داده شده است.



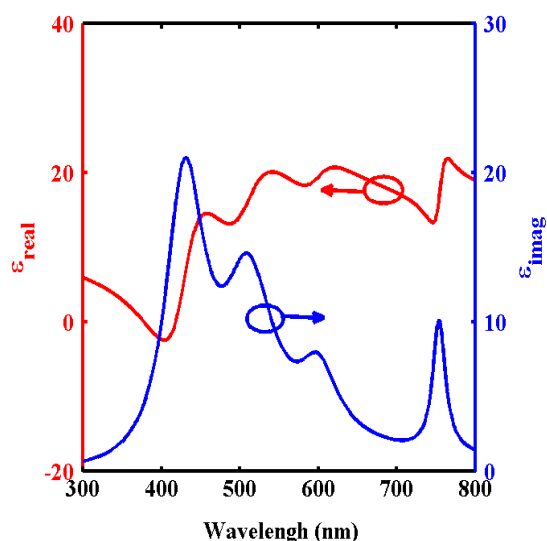
شکل ۳- طیف عبور، بازتاب و جذب تک لایه WSe_2 بر حسب طول موج.

میزان بازتاب در کل بازه‌ی طول موج مرئی تقریباً صفر است در نتیجه با افزایش جذب، عبور کاهش می‌یابد. با توجه به وابستگی جذب اپتیکی به قسمت موهمی گذردهی لایه‌ها و بزرگ بودن ϵ_{imag} تک لایه WSe_2 در ناحیه مرئی نسبت به هوا، رفتار جذب ساختار تحت تاثیر قسمت موهمی گذردهی

طیف عبور و بازتاب ساختار برای تابش عمودی، با استفاده از روش ماتریس انتقال^۲ محاسبه می‌شوند [۷]. با مشخص بودن میزان عبور (T) و بازتاب (R)، جذب (A) از رابطه $A=1-R-T$ بدست می‌آید. در محاسبات همه مواد غیر مغناطیسی فرض می‌شود $(\mu=1)$ و ضخامت تک لایه WSe_2 ، 0.649 نانومتر می‌باشد. ضریب شکست مختلط WSe_2 با استفاده از $N(\lambda) = n + ik = \sqrt{\epsilon WSe_2}$ بدست می‌آید که n و k به ترتیب ضریب شکست و ضریب خاموشی ماده نامیده می‌شود.

۳- نتایج

با توجه به وابستگی ویژگی‌های اپتیکی به ثابت گذردهی تک لایه WSe_2 ، قسمت حقیقی و موهمی ϵ_{WSe_2} بدست آمده از روش لورنتس در شکل ۱ نشان داده شده است.



شکل ۱- قسمت موهمی و حقیقی ثابت گذردهی تک لایه WSe_2 بر حسب طول موج.

نتایج عددی ثابت گذردهی WSe_2 با مدل لورنتس، تطابق بسیار خوبی با نتایج ذکر شده در مقاله [۵] دارد. همانطور که در شکل دیده می‌شود قسمت موهمی گذردهی دارای ۴ پیک در طول موج های 430 ، 508 ، 598 و 753 نانومتر می‌باشد که هر یک از طول موج‌ها همان طول موج‌های تشدید مدل لورنتس هستند. تاثیر هر یک از جملات نوسانی مدل لورنتس، در بخش موهمی گذردهی WSe_2 ، در شکل ۲

² Transfer Matrix Method (TMM)

نسبت به حالت معلق بیشتر کاهش می‌یابد.

۴- نتیجه‌گیری

ثابت گذردهی تک لایه WSe_2 در ناحیه طول موج مرئی و مادون قرمز نزدیک با استفاده از مدل لورنتس را بررسی کرده‌ایم که تطابق بسیار خوبی با نتایج تجربی دارد. رفتار جذب ساختار همانند رفتار قسمت موهومی ثابت گذردهی تک لایه WSe_2 است و قله‌های جذب بر فرکانس‌های تشدید مدل لورنتس منطبق می‌باشد. جذب تک لایه WSe_2 در حضور چند زیرلایه‌ی متعارف در کارهای تجربی را بررسی نموده و دریافتیم که استفاده از زیرلایه باعث کاهش میزان جذب می‌شود و با افزایش ضریب شکست زیرلایه میزان جذب کاهش می‌یابد.

۵- مراجع

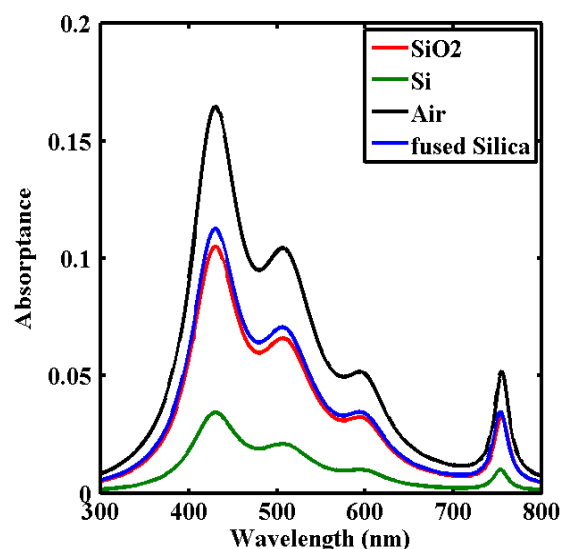
- [1] K. F. Mak and J. Shan, "Photonics and optoelectronics of 2D semiconductor transition metal dichalcogenides", Nat. Photonics, Vol. 10, No. 282, pp. 216-226, 2016.
- [2] K. L. Seyler, J. R. Schaibley, P. Gong, P. Rivera, A. M. Jones, S. Wu, J. Yan, D. G. Mandrus, W. Yao and X. Xu, "Electrical control of second-harmonic generation in a WSe_2 monolayer transistor", Nat. Nanotechnology, Vol. 10, pp. 407-411, 2015.
- [3] Y. J. Noori, Y. Cao, J. Roberts, C. Woodhead, R. Bernardo-Gavito, P. Tovee, and R. J. Young, "Photonic crystals for enhanced light extraction from 2D materials", ACS Photonics, Vol. 3, No. 12, pp. 2515-2520, 2016.
- [4] Z. Zheng, T. Zhang, J. Yao, Y. Zhang, J. Xu and G. Yang, "Flexible transparent and ultra-broadband photodetector based on large-area WSe_2 film for wearable devices", Nanotechnology, Vol. 27, No. 22, pp. 225501-225512, 2016.
- [5] Y. Li, A. Chernikov, X. Zhang, A. Rigosi, H. M. Hill, A. M. Zande, D. A. Chenet, E. M. Shih, J. Hone, and T. F. Heinz, "Measurement of the optical dielectric function of monolayer transition-metal dichalcogenides: MoS_2 , $MoSe_2$, WS_2 , and WSe_2 ", Phys. Rev. B, Vol. 90, pp. 205422-205427, 2014.
- [6] B. Mukherjee, F. Tseng, D. Gunlycke, K. Kumar, G. Eda and E. Simsek, "Complex electrical permittivity of the monolayer molybdenum disulfide (MoS_2) in near UV and visible", Opt. Mat. Express, Vol. 5, pp. 447-455, 2015.
- [7] T. Zhan, X. Shi, Y. Dai, X. Liu, and J. Zi, "Transfer matrix method for optics in Graphene layers", J. Phys. Condens. Matter, Vol. 25, No. 21, pp. 5301-5309, 2013.
- [8] M. A. Green, and M. J. Keevers, "Optical properties of intrinsic silicon at 300 K", Progress in photovoltaics, Vol. 3, pp. 189-192, 1995.
- [9] G. Ghosh, "Dispersion-equation coefficients for the reflective index and birefringence of calcite and quartz crystals", Opt. Commun., Vol. 163, pp. 95-102, 1999.

تک لایه WSe_2 ، ϵ_{imag} ، قرار می‌گیرد و در فرکانس‌های تشدید، پیک‌های جذب مشاهده می‌شود. بیشینه مقدار جذب در طول موج ۴۳۰ نانومتر برابر با ۰/۱۶۴ است و در بازه‌ی ۴۰۳ تا ۵۱۶ نانومتر دارای کمینه جذب ۰/۱۰ است که با توجه به ضخامت کمتر از یک نانومتر تک لایه WSe_2 مقدار قابل توجهی است.

از آنجایی که تهیه‌ی تک لایه WSe_2 با زیرلایه هوا امکان پذیر نمی‌باشد باید ویژگی‌های WSe_2 در حضور زیرلایه بررسی شود. وجود زیرلایه به خاطر بازتاب‌های متوالی روی جذب ساختار اثر می‌گذارد. بدین منظور زیرلایه‌های fused Silica، Si و SiO_2 که بیشتر در کارهای تجربی مورد استفاده قرار می‌گیرند را انتخاب کردیم که ضریب شکست $n_{fusedSilica} = 1.459$ ، ضریب شکست n_{Si} از مرجع [۸] گرفته شده است و ضریب شکست n_{SiO_2} از رابطه‌ی

$$n_{SiO_2} = \sqrt{1.28 + \frac{1.07\lambda^2}{(\lambda \times 10^{-3})^2 - 1.005 \times 10^{-2}} + \frac{1.102\lambda^2}{(\lambda \times 10^{-3})^2 - 100}}$$

بدست می‌آید که در آن طول موج برحسب نانومتر است [۹].



شکل ۴- اثر زیرلایه‌های متفاوت در میزان جذب ماده WSe_2 .

تاثیر زیرلایه در جذب را با حالتی که زیرلایه هوا باشد در شکل ۴ مقایسه کرده‌ایم. می‌توان مشاهده نمود که استفاده از زیرلایه باعث کاهش میزان جذب می‌شود. در بین زیرلایه‌های انتخاب شده کمترین ضریب شکست مربوط fused Silica و بیشترین مربوط به Si است. مشاهده می‌شود که میزان جذب در ساختاری با زیرلایه با ضریب شکست بالاتر