



بیستمین کنفرانس اپتیک و فوتونیک ایران
و ششمین کنفرانس مهندسی و فناوری فوتونیک ایران
۸ تا ۱۰ بهمن ماه ۱۳۹۲ - دانشگاه صنعتی شیراز



شبیه سازی عددی انتشار پرتو لیزر در جو آشفته با استفاده از چند جمله‌ای‌های زرنیک برای طول موج‌های مختلف

شیوا موذن دهکردی^۱، محمد مرادی^۱ و محمد رشیدی حاتمی^۲

^۱گروه فیزیک، دانشگاه شهرکرد

^۲گروه کامپیوتر، دانشگاه آزاد شهرکرد

چکیده - در این مقاله هدف بررسی اثر جو آشفته بر انتشار باریکه لیزر است. به این منظور ابتدا با فرض گاوسی بودن باریکه لیزر، این پرتو شبیه سازی می‌شود. سپس با استفاده از چندجمله‌ای‌های زرنیک، جو آشفته شبیه‌سازی می‌گردد. نهایتاً پارامترهای شدت و PSF برای چهار طول موج $\lambda=1024, 633, 527, 450 \text{ nm}$ ، برای C_n^2 های مختلف اندازه گیری می‌شود. کلید واژه- انتشار پرتو لیزر، صفحات فازی، جو آشفته، چندجمله‌ای‌های زرنیک.

Numerical Simulation of Laser Beam Propagation through Turbulent Atmosphere by using Zernike polynomials for Different Wavelengths

Shiva Moazen Dehkordi¹, Mohammad Moradi¹ and Mohammad Hatami Rashidi²

¹Department of Physics, Shahrekord University, Shahrekord, Iran

²Department of Computer, Shahrekord Azad University, Shahrekord, Iran

Abstract- In this article, propagation of a laser beam through turbulent atmosphere is evaluated. At first the laser beam is simulated and then turbulent atmosphere will be simulated by using Zernike polynomials. Some parameter like intensity, PSF will be measured for four wavelengths in different C_n^2 .

Keywords: Laser beam propagation, Phase screen, Turbulent atmosphere, Zernike polynomials.

۱- مقدمه

امواج اپتیکی حین انتشار در جو آشفته در هم پیچیده می‌شوند. مشاهدات ستاره‌شناسی و انتشار لیزر در جو از مهمترین بخش‌هایی هستند که تحت تاثیر پدیده آشفته‌گی قرار می‌گیرند [۱]. انتشار پرتو لیزر در جو آشفته طی سال‌های متمادی مورد بررسی قرار گرفته است [۲] و [۳]. زمانی که پرتو لیزر کم توان در جو منتشر می‌شود، تحت تاثیر پدیده‌های جذب، آشفته‌گی و پراکندگی قرار می‌گیرد. اساسا تاثیر آشفته‌گی به دلیل تغییرات تصادفی در ضریب شکست نور است [۴]. برای توصیف انتشار پرتو لیزر در جو آشفته، ابتدا جو آشفته شبیه‌سازی می‌شود که در این مطالعه، جو آشفته با استفاده از چندجمله‌ای‌های زرنیک شبیه‌سازی می‌گردد. چندجمله‌ای‌های زرنیک دارای سه ویژگی منحصر بفرد هستند: ۱- ضرایب چند-جمله‌ای به طور مستقیم تولید کننده ابیراهی‌های نوری هستند. ۲- چندجمله‌ای‌ها متعامد و کامل هستند. ۳- ضرایب چندجمله‌ای برای مدل آشفته‌گی کاکماگروف قابل محاسبه هستند [۵]. در این مطالعه مدل آشفته‌گی بر پایه نظریه آشفته‌گی کاکماگروف است که تاثیر شرایط آشفته‌گی مختلف با بکارگیری مقادیر متفاوت C_n^2 و طول موج‌های مختلف و تاثیر آنها بر روی شدت لیزر مورد بررسی قرار می‌گیرد.

۲- شبیه سازی انتشار پرتو لیزر در جو آشفته

۲-۱- شبیه سازی باریکه لیزر

در اپتیک پرتو گاوسی، پرتو الکترومغناطیسی است که شدت تابش و میدان الکتریکی عرضی آن توسط توابع گاوسی، به‌خوبی تقریب زده شود. بسیاری از لیزرها پرتوهایی را منتشر می‌کنند که به-صورت تقریبی از مشخصات گاوسی است. پرتو گاوسی منتشر شده در این حالت مد عرضی پایه یا TEM_{00} تشدید کننده لیزر است. زمانی که نور توسط لنز پراش محدود پراشیده شود، پرتو گاوسی به پرتو گاوسی دیگری که با مجموعه پارامترهای دیگر توصیف می‌شود، تبدیل می‌گردد. تابع ریاضی که پرتو گاوسی را توصیف کند، جواب معادله پیرامحوری هلمهولتز است. پاسخ، در شکل تابع

گاوسی، دامنه مختلط میدان الکتریکی پرتو است. میدان الکتریکی و میدان مغناطیسی هر دو به‌عنوان موج الکترومغناطیس منتشر می‌شوند. معادله پرتویی که در این مطالعه مورد استفاده قرار گرفته است به صورت زیر است:

$$u(r) = A_0 \exp[-r^2/w^2] \quad (1)$$

که در اینجا $A_0=1$ ، کمر پرتو $w=0.04m$ و r شعاع انحنای پرتو است.

۲-۲- تولید صفحات فازی کاتوره ای

تولید صفحات فازی مهمترین نقش را در شبیه‌سازی انتشار پرتو در جو آشفته بازی می‌کند. روش‌های تولید صفحه فازی عبارتند از: روش فوریه، روش ساب هارمونیک و روش زرنیک. از آنجایی که روش زرنیک تمامی بسامدها را شامل می‌شود و در بردارنده ابیراهی‌های نوری است، در این مطالعه از روش زرنیک استفاده شده است. همانطور که قبلا ذکر شد در این شبیه سازی از طیف کالماگوروف استفاده شده است:

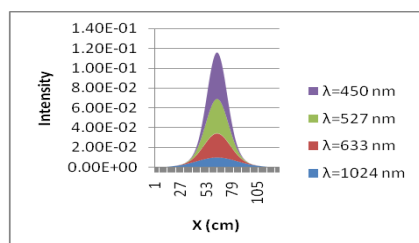
$$\Phi_n(K, z) = 0.033 C_n^2(z) K^{-\frac{11}{6}} \quad (2)$$

$$1/L_0 \ll k \ll 1/l_0$$

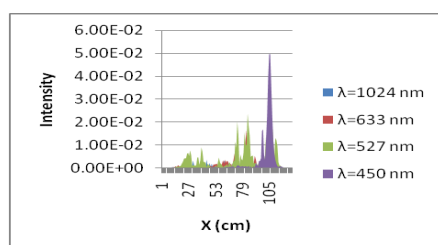
که در این معادله C_n^2 ضریب ساختار جو، l_0 مقیاس درونی، L_0 مقیاس بیرونی و k عدد موج است. یک صفحه فازی زرنیک به وسیله ضرب ضرایب وزنی در مجموعه چندجمله‌ای‌های زرنیک به دست می‌آید که مقادیر ضرایب از ماتریس کوواریانس زرنیک برای D/r_0 مشخص به دست می‌آید که در آن D قطر دهانه و r_0 طول همدوسی آشفته‌گی است. نمونه‌های کاتوره ای با استفاده از عامل چالسکی $A = CHOL(Ka) * G$ در فضای نرم افزار متلب به دست می‌آید که Ka ماتریس کواریانس زرنیک، G یک بردار ناهمبسته، میانگین صفر، وردایی واحد و متغیر کاتوره ای گاوسی است. همچنین ماتریس کواریانس برای D/r_0 دلخواه با ضرب $(D/r_0)^{5/3}$ در ماتریس کواریانس تولید می‌شود [۶] و [۷]. مراحل تولید صفحه فازی زرنیک به صورت خلاصه عبارتست از [۸-۱۰]:

۱- محاسبه چندجمله‌ای‌های زرنیک Z_i بر روی دایره واحد.

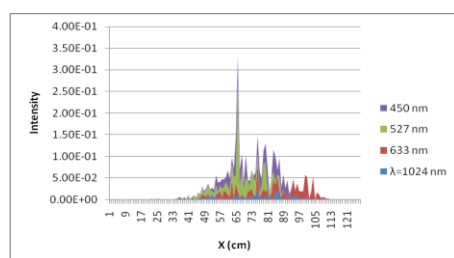
لیزر بعد از انتشار در خلا و جو آشفته با میزان آشفتگی های مختلف: آشفتگی ضعیف ($C_n^2=10^{-15}$)، آشفتگی متوسط ($C_n^2=10^{-13}$) و آشفتگی قوی ($C_n^2=10^{-11}$) را نشان می‌دهد. در این شکل کمر پرتو $w_0=0.04$ طول موج $\lambda=1024$ و فاصله انتشار $z=10$ km است.



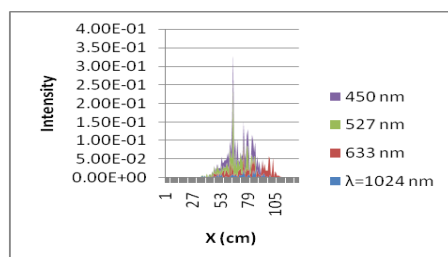
(الف)



(ب)



(ج)



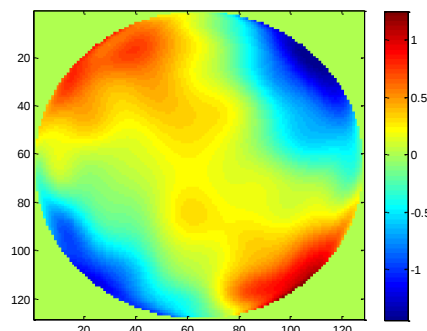
(د)

شکل ۲: نمودار پرتو لیزر منتشر شده در فاصله $z=10$ km (الف) شرایط خلا (ب) آشفتگی ضعیف ($C_n^2=10^{-15}$) (ج) آشفتگی متوسط ($C_n^2=10^{-13}$) (د) آشفتگی قوی ($C_n^2=10^{-11}$)

۲- تولید ماتریس کواریانس زرنیک Ka .

۳- محاسبه ضرایب وزنی و ضرب آن در Zi .

۴- به دست آوردن مجموع ضرب ضرایب وزنی در Zi ها.



شکل ۱: صفحه فازی تولید شده با استفاده از چندجمله‌ای های زرنیک برای D/r_0 واحد شامل جملات ۲ تا ۱۲۸ زرنیک برای تعداد نقاط شبکه 128×128 .

۲-۳ انتشار پرتو لیزر در جو آشفته

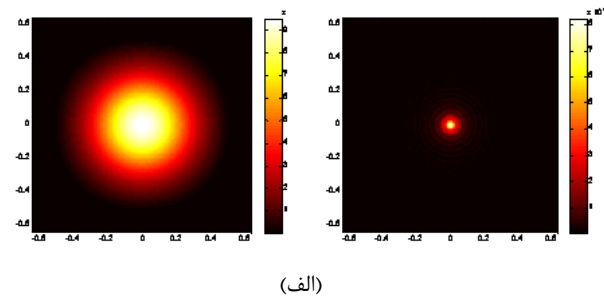
در این شبیه سازی جو در راستای افق همگن فرض شده است. پارامترهای پرتو گاوسی عبارتند از کمر پرتو $w_0=0.04$ $\lambda=1024, 633, 527, \text{ and } 450$ nm. تعداد نقاط شبکه 128×128 . تعداد صفحات فازی ۱۰۰ عدد و فاصله انتشار ۱۰ km است.

۳- مشاهدات

نتایج شبیه سازی شامل تاثیر میزان آشفتگی بر روی شدت و PSF می باشد. شکل ۲ نشان دهنده نتایج انتشار پرتو لیزر در جو در شرایط: (الف) FSO، (ب) آشفتگی ضعیف ($C_n^2=10^{-15}$)، (ج) آشفتگی متوسط ($C_n^2=10^{-13}$) و (د) آشفتگی قوی ($C_n^2=10^{-11}$) است. در این شکل ها کمر پرتو $w_0=0.04$ طول موج ها $\lambda=1024, 633, 527, 450$ nm و فاصله انتشار $z=10$ km است. همان گونه که مشاهده می شود با افزایش میزان شاخص آشفتگی شدت کمتری در صفحه مشاهده دریافت می گردد و نمودار شدت، تغییرات سریعتری را نشان می دهد که بیشترین میزان افت و خیزها متعلق به $\lambda=1024$ nm است که این به معنای این است که در این مطالعه با افزایش طول موج، افت و خیزها افزایش می یابد. شکل ۳ نتایج انتشار پرتو

۴- نتیجه گیری

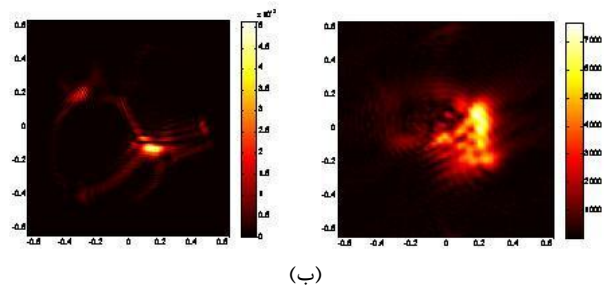
با افزایش میزان شاخص آشفتگی (C_n^2) شدت دریافتی در صفحه مشاهده کاهش می‌یابد. همچنین با افزایش میزان آشفتگی و افزایش طول موج، میزان افت و خیزهای نمودار شدت افزایش می‌یابد که در این مطالعه آشفتگی در ناحیه IR بیشترین مقدار افت و خیز را داشت.



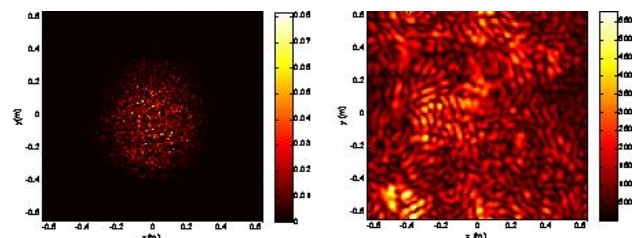
(الف)

مراجع

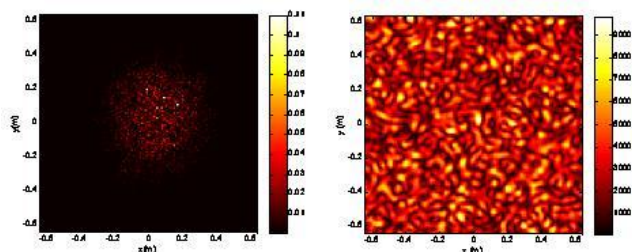
- [1] Tyson R. K., *Principle of Adaptive Optic*, New York: Academic Press, 1991.
- [2] Burlaamacchi P., Consortini A., Francia G. D., *Phase Reconstruction of the Focused Gaussian Beam whit Optical Vortex*, **Quantum Electron.** 3 (1967) 234.
- [3] Consortin A. I., Ronchi L, *Choice of the Model of Atmospheric Turbulence*, **Appl. Opt.**, 9 (1970).
- [4] Moradi M, *Simulation of Anisoplantism of Adaptive Optical System in Inhomogeneous Turbulent Atmosphere*, **Optical Review**, 15 (2005) 125-129.
- [5] Sjoqvist L., Henriksson M., Steinvall O, *Simulation of Laser Beam Propagation over Land and Sea using Phase*, **Proc. of SPIE**, 5989 (2005) 59890D-1.
- [6] Noll R., *Zernike Polynomials and Atmospheric Turbulence*, **Opt. Soc. Am.** 66 (1976) 207-211.
- [7] Roggman M. C., Welsh B. M., *Imaging through Turbulence*, New York: CRC Press, Boca Roten, 1996.
- [8] Eckert R. J., *Polar Phase Screen*, Department of Air Force University.
- [9] Massie N. A., *Low-Cost, High-Resolution, Single-Structure Array Telescope of Low-Earth -Orbit Satellites*, **Appl. Opt.** 31 (1992) 447.
- [10] Welsh B. M., Gardner C. S., *Effect of Turbulence-Induced Anisoplantism on the Imaging Performance of adaptive Astronomical Telescope using Laser guide Star*, **Opt. Soc. Am.** 8 (1991) 69-80.



(ب)



(ج)



(د)

شکل ۳: نمودار دو بعدی شدت پرتو لیزر منتشر شده (ستون سمت چپ) و PSF متناظر (ستون سمت راست) در فاصله $z=10$ km (الف) شرایط خلا (ب) آشفتگی ضعیف ($C_n^2=10^{-15}$) (ج) آشفتگی متوسط ($C_n^2=10^{-11}$) (د) آشفتگی قوی ($C_n^2=10^{-13}$).