



## سالیتون های نوری کند در نقطه کوانتومی شبه نیمکروی با لایه خیس

معصومه دژکام<sup>۱</sup>، عبدالناصر ذاکری<sup>۱</sup> و علیرضا کشاورز<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup> بخش فیزیک، دانشکده علوم، دانشگاه شیراز

<sup>۲</sup> گروه فیزیک، دانشکده علوم، دانشگاه صنعتی شیراز

چکیده - در این مقاله نقطه کوانتومی شبه نیمکروی با لایه خیس را در نظر می گیریم. ساختار الکترونی سیستم را به روش المان محدود حساب می کنیم. برای بررسی وابستگی به شکل نقطه، ساختار الکترونی را برای نقطه هایی با ارتفاع های مختلف، یعنی تغییر شکل از نقطه پخت تا نیمکره با شعاع و ارتفاع مساوی، بدست می آوریم. دو میدان لیزری کنترل قوی و کاوشگر ضعیف را به سیستم اعمال می کنیم. بخاطر تداخل کوانتومی، جذب پالس کاوشگر کاهش می یابد و سالیتون با سرعت کمتر از نور در سیستم نقطه کوانتومی جامد تشکیل می شود.

کلید واژه- خواص اپتیکی، ساختار الکترونی، سالیتون نوری، نقطه کوانتومی شبه نیمکروی.

## Slow Optical Solitons in a Hemispherical Quantum Dot with a Wetting Layer

Masoomah Dezhkam<sup>1</sup>, Abdolnasser Zakery<sup>1</sup> and Alireza Keshavarz<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Department of Physics, College of Sciences, Shiraz University

<sup>2</sup>Department of Physics, Faculty of Science, Shiraz University of Technology

Abstract- In this work, we consider a hemispherical quantum dot with a wetting layer. We obtain the electronic structure of the system by finite element method. To investigate the shape dependency, we calculate the electronic structure for different dot heights, i.e. shape changes from oblate to semispherical dot. We apply two strong control and weak probe laser fields to the system. Because of the quantum interference, the probe pulse absorption decreases and the slow soliton forms in the solid quantum dot system.

Keywords: Electronic structure, Hemispherical quantum dots, Optical properties, Optical solitons.

## ۱- مقدمه

$V_{GaAs}(r, z) = 0.697 \text{ eV}$  و  $V_{InAs}(r, z) = 0$  بخاطر تقارن

سمتی، ویژه تابع را بصورت  $u(r, \varphi, z) = N f(r, z) e^{i l \varphi}$  می نویسیم که با جایگذاری آن، معادله (۱) در مختصات استوانه ای بصورت زیر نوشته می شود:

$$-\frac{\hbar^2}{2} \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{r}{m^*(r, z)} \frac{\partial f_l}{\partial r} \right) + \frac{\hbar^2 l^2}{2m^*(r, z)r^2} f_l(r, z) - \frac{\hbar^2}{2} \frac{\partial}{\partial z} \left( \frac{1}{m^*(r, z)} \frac{\partial f_l}{\partial z} \right) + V(r, z) f_l(r, z) = E f_l(r, z), \quad (2)$$

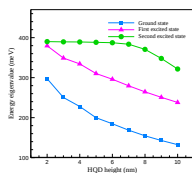
که  $N'$  ثابت بهنجارش و  $l = 0, 1, 2, \dots$  است. معادله (۲) را بطور عددی باروش المان محدود حل کردیم و ترازهای انرژی سیستم را بدست آوردیم. ناحیه شبیه سازی و مرزهای عددی در شکل ۱b نشان داده شده است. ناحیه را به المانهای مثلثی تقسیم کردیم.

مرزهای ۱ و ۲ دو شرط  $(f_l(r, z))_{InAs} = (f_l(r, z))_{GaAs}$  و

$$\mathbf{n} \cdot \left( \frac{1}{m^*(r, z)} \vec{\nabla} f_l(r, z) \right)_{InAs} = \mathbf{n} \cdot \left( \frac{1}{m^*(r, z)} \vec{\nabla} f_l(r, z) \right)_{GaAs}$$

اعمال شده است که  $\mathbf{n}$  بردار نرمال است.

به منظور بررسی وابستگی ساختار الکترونی به شکل و اندازه نقطه، فرض می کنیم که ارتفاع نقطه افزایش یابد حال آنکه شعاع ثابت بماند، یعنی تغییر شکل نقطه از حالت پخت به نیمکره ای با ارتفاع و شعاع مساوی. شکل ۲



شکل ۲: انرژی سه تراز اول سیستم برحسب ارتفاع نقطه.

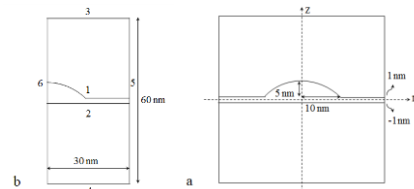
انرژی سه تراز اول را برای ارتفاع های مختلف  $10, 20, \dots, 100 \text{ nm}$  نشان می دهد. با افزایش ارتفاع، انرژی تراز پایه و برانگیخته اول کاهش می یابد، انرژی تراز برانگیخته دوم تا ارتفاع  $6 \text{ nm}$  تقریباً ثابت می ماند و از ارتفاع  $7 \text{ nm}$  شروع به کاهش می کند.

برای بررسی خواص اپتیکی، سیستم نشان داده شده در شکل ۱a را در نظر می گیریم. فرض میکنیم که سیستم با میدان الکترومغناطیسی پلاریزه در جهت  $x$  برانگیخته شود و گذار بین دو زیرنوار رسانش را القا کند. المان ماتریس مممان دوقطبی  $\mu_{ij} = \langle u_i | e \hat{x} | u_j \rangle$  (بار الکترون

در سالهای اخیر ساختار الکترونی و خواص اپتیکی نقطه های کوانتومی نیم رسانا توسط محققان مورد بررسی قرار گرفته است [۵-۱]. ما در این مقاله ساختار الکترونی نقطه شبه نیمکره ای با لایه خیس را به روش المان محدود بدست می آوریم و بستگی آن به شکل و اندازه نقطه را بررسی می کنیم. درمقابل تحقیقات انجام شده در مراجع بالا، که برای بررسی خواص اپتیکی از یک لیزر استفاده می کنند، ما دو میدان لیزری کنترل و کاوشگر به سیستم اعمال می کنیم که بخاطر تداخل کوانتومی (که خود باعث پدیده هایی چون شفافیت القاییده الکترومغناطیسی و رامان... می شود) باعث کاهش جذب و سرعت گروه پالس کاوشگر در پنجره شفافیت می شود. بنابراین در سیستم نقطه کوانتومی جامد ما، سالیتهونها با سرعت کمتر از نور تشکیل می شود.

## ۲- ساختار الکترونی

یک نقطه کوانتومی شبه نیمکره ای InAs با لایه خیس در سد GaAs را در نظر می گیریم. شعاع و ارتفاع نقطه در مرجع [۶]  $10 \times 5 \text{ nm}$  نانومتر مشاهده شده است (شکل ۱a).



شکل ۱: (a) نقطه شبه نیمکره ای با لایه خیس (b) ناحیه شبیه سازی و مرزهای عددی.

برای بدست آوردن ساختار الکترونی سیستم، معادله شرودینگر را برای یک الکترون در نقطه و لایه خیس در تقریب جرم موثر حل می کنیم.

$$-\frac{\hbar^2}{2} \vec{\nabla} \cdot \left( \frac{1}{m^*(\mathbf{r})} \vec{\nabla} u(\mathbf{r}) \right) + V(\mathbf{r}) u(\mathbf{r}) = E u(\mathbf{r}), \quad (1)$$

$\hbar$ ،  $m^*(\mathbf{r})$ ،  $V(\mathbf{r})$  و  $u(\mathbf{r})$  ثابت پلانک بر  $2\pi$ ، جرم موثر الکترون و پتانسیل محدودکننده وابسته به مکان، انرژی و ویژه تابع سیستم هستند. برای این ساختار، جرم موثر الکترون و پتانسیل محدودکننده عبارتند از:

$$m_{GaAs}^*(r, z) = 0.067 m_0, m_{InAs}^*(r, z) = 0.023 m_0$$

عبارت است از:

$$\frac{\partial \Omega_p}{\partial z} + \frac{1}{c} \frac{\partial \Omega_p}{\partial t} = i\kappa_{12} A_2 A_1^*, \quad (8)$$

با  $\kappa_{12} = \frac{N|\mu_{12}|^2 \omega_p}{4\varepsilon_0 \hbar c}$  که  $N$  چگالی الکترون،  $\varepsilon_0$  گذردهی خلا،  $c$  سرعت نور است. برای بررسی خواص پاشیدگی، رفتار اختلالی پاسخ سیستم به مرتبه اول میدان کاوشگر ضعیف  $\Omega_p$  مورد نیاز است در حالیکه همه مرتبه های میدان کنترل نگه داشته می شود. با تبدیل فوریه زمانی معادلات (۵-۸) تا مرتبه اول  $\Omega_p$ ، عبارت زیر برای تبدیل فوریه  $\Omega_p$  به دست می آید:

$$\Lambda_p(z, \omega) = \Lambda_p(0, \omega) \exp(iKz), \quad (9)$$

$$(10)$$

$$K = \frac{\kappa_{12}(i\gamma_3 + \Delta_p + \Delta_c + \omega)}{|\Omega_c|^2 - (i\gamma_3 + \Delta_p + \Delta_c + \omega)(i\gamma_2 + \Delta_p + \omega)} + \frac{\omega}{c} = K_0 + K_1\omega + K_2\omega^2 + \dots$$

$K_0 = \phi + i\alpha/2$  نشان دهنده شیفت فازی  $\phi$  در واحد طول و ضریب جذب  $\alpha$  میدان کاوشگر،  $K_1 = 1/V_g$  عکس سرعت گروه و  $K_2$  پاشیدگی سرعت گروه است که شکل پالس کاوشگر را تغییر می دهد.

خنثی شدن پاشیدگی و اثرات غیرخطی منجر به تشکیل سالیتون های اپتیکی می شود، پس باید تحول غیرخطی میدان کاوشگر را در نظر گرفت. به این منظور، تابع  $\Omega_p(z, t) = \Omega_p(z, t) \exp(iK_0 z)$  در معادله موج جایگزین می شود. با اضافه کردن قطبش غیرخطی میدان کاوشگر و جایگزینی  $\xi = z$  و  $\eta = t - z/V_g$ ، معادله موج غیرخطی برای  $\Omega_p(z, t)$  کد تغییر، تا مرتبه سوم بصورت زیر بدست می آید:

$$i \frac{\partial \Omega_p}{\partial \xi} - K_2 \frac{\partial^2 \Omega_p}{\partial \eta^2} = W e^{-\alpha \xi} |\Omega_p|^2 \Omega_p, \quad (11)$$

که  $\alpha$  و  $K_2$  از معادله (۱۰) بدست می آید و ضریب غیرخطی  $W$  از رابطه زیر بدست می آید:

$$(12)$$

و  $u_i$  ویژه تابع زیرنوار  $\hat{A}_i$  را بطور عددی محاسبه کردیم که با توجه به آن  $|1\rangle \leftrightarrow |2\rangle$  و  $|1\rangle \leftrightarrow |3\rangle$  و  $|2\rangle \leftrightarrow |3\rangle$  گذارهای مجاز (ممنوع) دو قطبی الکتریکی هستند.

### ۳- سالیتون های اپتیکی

می خواهیم خواص اپتیکی سیستم که با دو میدان لیزری برهمکنش می کند را بررسی کنیم. میدانها در جهت  $x$  پلاریزه شده اند و در جهت  $z$  انتشار می یابند. میدان الکتریکی اعمال شده به سیستم عبارت است از:

$$\mathbf{E} = \hat{x} E_p \exp(-i\omega_p t + i\mathbf{k}_p \cdot \mathbf{r}) + \hat{x} E_c \exp(-i\omega_c t + i\mathbf{k}_c \cdot \mathbf{r}) + c.c., \quad (3)$$

$E_{p,c}$  و  $\mathbf{k}_{p,c}$  دامنه کد تغییر و بردار موج میدانها هستند. میدان کاوشگر پالسی ضعیف با فرکانس  $\omega_p$  به گذار  $|1\rangle \leftrightarrow |2\rangle$  و میدان کنترل پیوسته قوی با فرکانس  $\omega_c$  به گذار  $|2\rangle \leftrightarrow |3\rangle$  اعمال می شود. در تصویر برهمکنش با استفاده از تقریب موج چرخان و تقریب دوقطبی الکتریکی، هامیلتونی سیستم بصورت زیر نوشته می شود [۷]:

$$H = -\Delta_p |2\rangle\langle 2| - (\Delta_p + \Delta_c) |3\rangle\langle 3| - (\Omega_c |3\rangle\langle 2| + \Omega_p |2\rangle\langle 1| + H.c.), \quad (4)$$

$\Delta_p = \omega_p - \omega_{21}$  و  $\Delta_c = \omega_c - \omega_{32}$  ناکوکی میدان های کاوشگر و کنترل،  $\omega_{21}$  و  $\omega_{32}$  فرکانس گذار و  $2\Omega_c = \frac{\mu_{32} E_c}{\hbar}$  و  $2\Omega_p = \frac{\mu_{21} E_p}{\hbar}$  فرکانس رابی گذارهای  $|1\rangle \leftrightarrow |2\rangle$  و  $|2\rangle \leftrightarrow |3\rangle$  هستند. با استفاده از معادله شرودینگر وابسته به زمان، معادلات حرکت برای دامنه احتمال توابع موج الکترونی به صورت زیر بدست می آید:

$$\frac{\partial A_1}{\partial t} = i\Omega_p^* A_2, \quad (5)$$

$$\frac{\partial A_2}{\partial t} = i\Omega_p A_1 + i\Delta_p A_2 + i\Omega_c^* A_3 - \gamma_2 A_2, \quad (6)$$

$$\frac{\partial A_3}{\partial t} = i\Omega_c A_2 + i(\Delta_p + \Delta_c) A_3 - \gamma_3 A_3, \quad (7)$$

$A_i$  و  $\gamma_i$  ( $i=1,2,3$ ) دامنه و آهنگ فروافت زیرنوار  $|i\rangle$  است. از طرفی، معادله موج برای میدان کاوشگر وابسته به زمان

برای این مجموعه به دست آوریم:  $\alpha = 0.02 \text{ mm}^{-1}$ ،  $V_g \simeq c/10$  و همچنین  $K_{2r}W_r < 0$  که نشان دهنده تشکیل سالیون تاریک در سیستم است. سپس معادله (۱۱) با شرایط اولیه

عددی حل کردیم. شکل (۳b) تشکیل سالیون تاریک را نشان می دهد.

همانطور که می بینیم با انتخاب پارامترهای مناسب، تشکیل سالیون در یک سیستم نقطه کوانتومی جامد را نشان دادیم. برای فاصله انتشار گفته شده، جذب میدان کاوشگر قابل صرف نظر است. پاشیدگی سرعت گروه و ضریب غیرخطی که بدست آوردیم، با هم خنثی می شوند و سالیون در حین انتشار، پایدار است. شرایط  $|2K_{2r}/W_r| \ll |\Omega_c \tau|^2$  را برای انتخاب پهنای پالس کاوشگر به کار بردیم. بعلاوه سرعت گروه کاوشگر کمتر از سرعت نور است. این اثرات بخاطر تداخل کوانتومی ناشی از میدان کنترل بوجود آمده است. این نتایج برای سیستم نقطه کوانتومی جامد در دمای پایین صادق است.

#### ۴- نتیجه گیری

ساختار الکترونی نقطه شبه نیمکروی با لایه خیس را به روش المان محدود بدست آوردیم. ترازها به شکل نقطه بستگی دارد. با اعمال لیزر قوی کنترل، تداخل کوانتومی بوجود می آید که باعث کاهش جذب و سرعت گروه پالس کاوشگر ضعیف در پنجره شفافیت می شود و در نتیجه سالیون های روشن و تاریک با سرعت کمتر از نور در سیستم جامد ما تشکیل می شود.

#### مراجع

- [1] S. Ünlü, İ. Karabulut, H. Şafak, *Phys. E* 33 (2006) 319-324.
- [2] W. Xie, *Optics Communications* 284 (2011) 1872-1875.
- [3] M. Dezhkam, A. Zakery, *Chinese Optics Letters* 10 (2012) 121901.
- [4] A. Keshavarz, N. Zamani, *Superlattices and Microstructures* 58 (2013) 191-197.
- [5] Yu.V. Vorobiev, T.V. Torchynska, P.P. Horley, *Physica E* 51 (2013) 42-47.
- [6] M.A. Cusack, P.R. Briddon, M. Jaros, *Physica B* 253 (1998) 10-27.
- [7] W. Yan, T. Wang, X.M. Li, *Opt. Commun.* 285 (2012) 3559-3562.

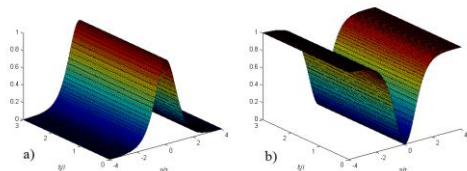
$$W = \kappa_{12} \frac{(i\gamma_3 + \Delta_p + \Delta_c)}{|\Omega_c|^2 - (i\gamma_3 + \Delta_p + \Delta_c)(i\gamma_2 + \Delta_p)} \times \frac{|\Omega_c|^2 + (\Delta_p + \Delta_c)^2 + \gamma_3^2}{[\Delta_p(\Delta_p + \Delta_c) - \gamma_2\gamma_3 - |\Omega_c|^2]^2 + [\gamma_3\Delta_p + \gamma_2(\Delta_p + \Delta_c)]^2}.$$

اگر مجموعه معقولی از پارامترها پیدا شود بطوریکه  $W_r \gg W_i$  و  $K_{2r} \gg K_{2i}$ ،  $\exp(-\alpha L) \simeq 1$  ( $i$  موهومی)، معادله (۱۱) به معادله شرودینگر غیرخطی استاندارد تبدیل می شود:

$$i \frac{\partial \Omega_p}{\partial \xi} - K_{2r} \frac{\partial^2 \Omega_p}{\partial \eta^2} = W_r |\Omega_p|^2 \Omega_p. \quad (13)$$

جواب های این معادله سالیون های تاریک ( $K_{2r}W_r < 0$ ) و روشن ( $K_{2r}W_r > 0$ ) را توصیف می کند.

اکنون می خواهیم بطور عددی وجود سالیونها در سیستم خود را نشان دهیم. پارامترهایی که بکار می بریم، عبارتند از:  $\Delta_p = 3.3\gamma_2$ ،  $\Omega_c = 6.1\gamma_2$ ،  $\gamma_2 = 100\gamma_3 = 10^{11} \text{ s}^{-1}$ ،  $\Delta_c = -3.2\gamma_2$  و  $\kappa_{12} = 5.27 \times 10^{12} \text{ mm}^{-1} \text{ s}^{-1}$ . با این پارامترها بدست می آوریم:  $\alpha = 0.02 \text{ mm}^{-1}$ ،  $V_g \simeq c/10$  و همچنین  $K_{2r}W_r > 0$  که نشان دهنده تشکیل سالیون روشن در سیستم است. سپس معادله (۱۱) با شرایط اولیه  $\Omega_p = \Omega_{p0} \text{ sech}(\eta/\tau) \exp(-\frac{1}{2}iW_r\xi|\Omega_{p0}|^2)$  و پهنای  $\tau$  در  $|\Omega_{p0}\tau|^2 = |2K_{2r}/W_r|$  صدق میکند) را بطور عددی حل کردیم. شکل (۳a) تشکیل سالیون روشن را نشان می دهد.



شکل ۳: نمودار سطحی  $|\Omega_p/\Omega_{p0}|^2 e^{-\alpha\xi}$  بر حسب  $\eta/\tau$  و  $\xi/l$  با  $\tau = 1.0 \times 10^{-8} \text{ s}$  و  $l = 1 \text{ mm}$  برای سالیون (a) روشن و (b) تاریک.

برای بررسی سالیون تاریک، پارامترها را بصورت  $\Delta_c = -4.1\gamma_2$ ،  $\Delta_p = 4\gamma_2$ ،  $\Omega_c = 6\gamma_2$  می گیریم، سایر پارامترها مانند سالیون روشن است.